

## **ALGEBRA I (NMAG 201) – DOMÁCÍ ÚLOHY 3**

*Termín odevzdání: 18. 11. 2019 do 12:10 hod.*

- (1) Najděte všechna  $a \in \mathbb{R}$ , pro která má polynom  $x^4 + ax + 3$  násobný kořen v  $\mathbb{R}$ .  
(5 bodů)
- (2) Najděte polynom stupně 3 nad  $\mathbb{Z}_{21}$ , který má v  $\mathbb{Z}_{21}$  devět kořenů.  
(5 bodů)
- (3) Určete poslední dvě cifry čísel  $43^{47^{49}}$  a  $7^{7^7}$ , kde se rozumí, že  $a^{b^c} = a^{(b^c)}$ . Odpověď zdůvodněte.  
(5 bodů)