

## **ALGEBRA II (NMAG 202) – DOMÁCÍ ÚLOHY 5**

*Termín odevzdání: 9. 5. 2017 do 13:50 hod.*

- (1) Ukažte, že grupa  $\mathbb{R}/\mathbb{Z}$  s operací sčítání je isomorfní grupě  $\{z \in \mathbb{C}^* \mid |z| = 1\}$  s operací násobení.  
(5 bodů)
- (2) Najděte všechny normální podgrupy grupy  $D_{14}$  symetrií pravidelného sedmiúhelníku. Popište odpovídající faktorgrupy.  
(5 bodů)
- (3) Popište nejmenší kongruenci  $\sim$  na grupě permutací  $S_4$  takovou, že  $(1\ 2) \sim (3\ 4)$ . Které známé grupě je isomorfní faktorgrupa  $S_4 / \sim$ ?  
(5 bodů)