

def:  $T$  telos, we  $T[x]$  stupně  $\geq 1$

$\rightarrow$  faktorokruh  $T[x]/(m) = \left( \sum f \in T[x] : \deg f < n \right) +, -, \circ, 0, 1$

kde  $f \odot g := f \cdot g \bmod m$

tvrzení: Bud'  $T$  telos, we  $T[x]$  stupně  $\geq 1$ . Pak následující tvrzení

jsou ekvivalentní:

- (1)  $T[x]/(m)$  je telos
- (2)  $T[x]/(m)$  je obor
- (3)  $m$  je irreducibilní v  $T[x]$

Tvrdou:

Bud'  $T$  telo,  $f \in \mathbb{K}[x]$  stupni  $\geq 1$ .

Pak existuje telo  $S \supseteq T$  takové, že  $f$  jež je  $S$  rozložen.

Věta:

Bud'  $T$  telo,  $f \in \mathbb{K}[x]$  stupni  $\geq 1$ .

Pak existuje telo  $S \supseteq T$  takové, že  $f$  se na  $S[x]$  rozkládá na součin polynomů st. 1.

Def:  $T$  telo (field) stupni  $\geq 1$ ,  $S \supseteq T$ .

$S$  se nazývá pořadové madlovo polynomu  $f$ , pokud  $\exists a \in S$  t. z.

$$f(a) = 0 \quad \& \quad S = T(a)$$

$S$  se nazývá rozkladové madlovo polynomu  $f$ , pokud  $\exists a_1, \dots, a_n \in S$  t. z.

$$f \parallel (x-a_1) \cdot \dots \cdot (x-a_n) \quad \& \quad S = T(a_1, \dots, a_n)$$

( $\in S[x]$ )