

Def.: Obor R se nazýva gaussovský, pokud má každý prvek $\neq 0, \neq 1$ jednorázový ireducibilní rozklad.

Uvědomění: R gaussovský obor, $a, b \in R$, $a \neq 0, a \nmid 1$, $a \parallel p_1^{k_1} \dots p_n^{k_n}$ irred. rozklad.

$$\text{Pole } b \mid a \Leftrightarrow b \parallel p_1^{\ell_1} \dots p_n^{\ell_n} \text{ pro nějaká } 0 \leq \ell_i \leq k_i$$

Důsledek: R gaussovský obor \Rightarrow

- (1) $\forall a, b \in R$ existuje NSD (a, b)
- (2) každý ireducibilní prvek je asociativní
- (3) existuje poslovnost a_1, a_2, a_3, \dots taková, že
 $a_{i+1} \mid a_i$, $a_i \nmid a_{i+1}$

Def.: Obor R se nazývá gaussovský, pokud má každý prvek $\neq 0, \neq 1$ jednorázový ireducibilní rozklad.

Věta (Zobecnění základní věty aritmetiky): R obor \Rightarrow

- R je gaussovský \Leftrightarrow
- (1) $\forall a, b \in R$ existuje $\text{NSD}(a, b)$
 - (2) existuje posloupnost a_1, a_2, a_3, \dots
t.č. $a_i \mid a_{i+1}$ a $a_i \nmid a_{i+1}$

Lemma: R obor, $a, b, c \in R$ t.č. existuje $\text{NSD}(a, b)$, $\text{NSD}(ac, bc)$. Pak
 $\text{NSD}(ac, bc) = c \cdot \text{NSD}(a, b)$

Lemma: R obor, existují $\text{NSD}(a, b) \forall a, b \in R$. Pak
každý ireducibilní prvek je prvočinitelem.