

Jednotlivé kroky při výpočtech stručně, ale přesně odůvodněte. Pokud používáte nějaké tvrzení, nezapomeňte ověřit splnění předpokladů.

1. Odvoďte přímým derivováním vztah pro kovariantní derivaci $A^m{}_k|_j$, aneb spočtěte přímo $\frac{\partial}{\partial \xi^j} (A^m{}_k \mathbf{g}^k)$.
2. Připomeňte si vztah pro kovariantní derivaci $A^{nk}|_j$. Ukažte, že výše získaný výraz pro kovariantní derivaci $A^m{}_k|_j$ je totožný s výrazem, který byste dostali pomocí vztahu $A^m{}_k|_j = (g_{kl} A^{ml})|_j$. To jest spočtěte přímo $(g_{kl} A^{ml})|_j$ a ukažte, že výsledek se rovná kovariantní derivaci $A^m{}_k|_j$ spočtené dle vzorce nalezeného v prvním příkladu.