

Jednotlivé kroky při výpočtech stručně, ale přesně odůvodněte. Pokud používáte nějaké tvrzení, nezapomeňte ověřit splnění předpokladů.

1. Načrtněte následující vektorová pole

$$\mathbf{v} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ y \end{bmatrix}, \quad (1a)$$

$$\mathbf{v} = \begin{bmatrix} -\frac{y}{x^2+y^2} \\ \frac{x}{x^2+y^2} \\ 0 \end{bmatrix}, \quad (1b)$$

$$\mathbf{v} = \begin{bmatrix} -y \\ x \\ 0 \end{bmatrix} \quad (1c)$$

a spočtěte rot \mathbf{v} . Zamyslete se nad platností tvrzení „je-li rot $\mathbf{v} \neq 0$ tak se tekutina točí“.

2. Buď $\mathbf{v}(\mathbf{x}, t)$ prostorové (eulerovské) rychlostní pole. Ukažte, že platí

$$\frac{d\mathbf{v}}{dt} = \frac{\partial \mathbf{v}}{\partial t} + (\text{rot } \mathbf{v}) \times \mathbf{v} + \nabla \left(\frac{1}{2} \mathbf{v} \bullet \mathbf{v} \right),$$

kde $\frac{d}{dt}$ je materiálová derivace.