

Jednotlivé kroky při výpočtech stručně, ale přesně odůvodněte. Pokud používáte nějaké tvrzení, nezapomeňte ověřit splnění předpokladů.

1. Odvodte přímým derivováním vztah pro kovariantní derivaci $A^m{}_k|_j$, aneb spočtěte přímo $\frac{\partial}{\partial \xi^j} (A^m{}_k g_m \otimes g^k)$.
2. Použijte definici kovariantní derivace $A^{nk}|_j$ a ukažte, že výše získaný výraz pro kovariantní derivaci $A^m{}_k|_j$ je totožný s výrazem, který byste dostali pomocí vztahu $A^m{}_k|_j = (g_{kl} A^{ml})|_j$. Aneb spočtěte přímo $(g_{kl} A^{ml})|_j$ a ukažte, že výsledek se rovná kovariantní derivaci $A^m{}_k|_j$ spočtené vzorcem nalezeným v prvním příkladu.