

Ответы к задачам § 11

1. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} -3 \\ 4 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix}$.

2. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} + C_2 e^{-2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$.

3. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$.

4. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{4t} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix}$.

5. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} -\cos 2t - \sin 2t \\ 2 \cos 2t + \sin 2t \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} -\cos 2t + \sin 2t \\ \cos 2t - 2 \sin 2t \end{pmatrix}$.

6. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} \cos 3t + \sin 3t \\ \sin 3t \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} \cos 3t - \sin 3t \\ \cos 3t \end{pmatrix}$.

7. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} -\cos 4t - \sin 4t \\ 2 \cos 4t + \sin 4t \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} -\cos 4t + \sin 4t \\ \cos 4t - 2 \sin 4t \end{pmatrix}$.

8. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} \cos 5t + \sin 5t \\ -\cos 5t \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} \cos 5t - \sin 5t \\ \sin 5t \end{pmatrix}$.

9. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} \cos 2t + \sin 2t \\ -\cos 2t \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} \cos 2t - \sin 2t \\ \sin 2t \end{pmatrix}$.

10. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \left[t \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix} \right]$.

11. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 4 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \left[t \begin{pmatrix} -1 \\ 4 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix} \right]$.

12. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{-3t} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-3t} \left[t \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right]$.

13. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right]$.

$$14. \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} + C_2 e^t \left[t \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} \right].$$

$$15. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} -1 \\ 4 \\ -1 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + C_3 e^{-t} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

$$16. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix} + C_3 e^{3t} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}.$$

$$17. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ 7 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ 6 \end{pmatrix} + C_3 e^{4t} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

$$18. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

$$19. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{4t} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}.$$

$$20. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + C_3 e^{3t} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

$$21. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ 3 \end{pmatrix} + C_2 e^{4t} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + C_3 e^{3t} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

$$22. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^{4t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + C_3 e^{2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

$$23. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 5 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_3 e^{3t} \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

$$24. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix} + C_2 e^{4t} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + C_3 e^{5t} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

$$25. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \\ 7 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{4t} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}.$$

$$26. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

$$27. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_3 e^{2t} \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}.$$

$$28. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{3t} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_3 e^{4t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

$$29. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{14t} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_3 \begin{pmatrix} -3 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

$$30. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{10t} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix}.$$

$$31. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{5t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

$$32. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_3 e^{3t} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}.$$

$$33. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} 2 \cos t - \sin t \\ -\cos t \\ 2 \cos t \end{pmatrix} + C_3 \begin{pmatrix} 2 \sin t + \cos t \\ -\sin t \\ 2 \sin t \end{pmatrix}.$$

34. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} 4 \cos t \\ \sin t \\ -3 \cos t \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} -4 \sin t \\ \cos t \\ 3 \sin t \end{pmatrix}.$

35. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} \cos t - \sin t \\ \cos t \\ \sin t \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} \cos t + \sin t \\ \sin t \\ -\cos t \end{pmatrix}.$

36. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 4 \cos 3t - 3 \sin 3t \\ -2 \cos 3t - 6 \sin 3t \\ 5 \cos 3t \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} 4 \sin 3t + 3 \cos 3t \\ -2 \sin 3t + 6 \cos 3t \\ 5 \sin 3t \end{pmatrix}.$

37. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} -\sin t \\ \cos t \\ \cos t \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} \cos t \\ \sin t \\ \sin t \end{pmatrix}.$

38. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-3t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-4t} \begin{pmatrix} \cos 2t \\ \cos 2t + \sin 2t \\ 2 \cos 2t + \sin 2t \end{pmatrix} + C_3 e^{-4t} \begin{pmatrix} \sin 2t \\ \sin 2t - \cos 2t \\ 2 \sin 2t - \cos 2t \end{pmatrix}.$

39. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} \cos 3t \\ \cos 3t + \sin 3t \\ 2 \cos 3t + \sin 3t \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} \sin 3t \\ \sin 3t - \cos 3t \\ 2 \sin 3t - \cos 3t \end{pmatrix}.$

40. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-4t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-3t} \begin{pmatrix} \cos 2t \\ \cos 2t + \sin 2t \\ 2 \cos 2t + \sin 2t \end{pmatrix} +$

$$+ C_3 e^{-3t} \begin{pmatrix} \sin 2t \\ \sin 2t - \cos 2t \\ 2 \sin 2t - \cos 2t \end{pmatrix}.$$

41. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} \cos 2t \\ \cos 2t + \sin 2t \\ 2 \cos 2t + \sin 2t \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} \sin 2t \\ \sin 2t - \cos 2t \\ 2 \sin 2t - \cos 2t \end{pmatrix}.$

42. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-3t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-2t} \begin{pmatrix} \cos 2t + 3 \sin 2t \\ 5 \sin 2t \\ 3 \cos 2t + 4 \sin 2t \end{pmatrix} + C_3 e^{-2t} \begin{pmatrix} 3 \cos 2t - \sin 2t \\ 5 \cos 2t \\ 4 \cos 2t - 3 \sin 2t \end{pmatrix}.$

43. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-2t} \begin{pmatrix} -3 \cos t + \sin t \\ 4 \cos t + 2 \sin t \\ 10 \cos t \end{pmatrix} + C_3 e^{-2t} \begin{pmatrix} -\cos t - 3 \sin t \\ -2 \cos t + 4 \sin t \\ 10 \sin t \end{pmatrix}.$

44. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} \sin t \\ \cos t \\ \cos t \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} -\cos t \\ \sin t \\ \sin t \end{pmatrix}.$

45. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} 2 \cos t \\ -2 \cos t \\ \cos t - \sin t \end{pmatrix} + C_3 \begin{pmatrix} 2 \sin t \\ -2 \sin t \\ \cos t + \sin t \end{pmatrix}.$

46. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} \cos t - \sin t \\ 2 \cos t - \sin t \\ 2 \cos t \end{pmatrix} + C_3 e^{2t} \begin{pmatrix} \cos t + \sin t \\ \cos t + 2 \sin t \\ 2 \sin t \end{pmatrix}.$

47. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 4 \cos t - 3 \sin t \\ 2 \cos t - \sin t \\ -3 \cos t \end{pmatrix} + C_3 e^{-t} \begin{pmatrix} 3 \cos t + 4 \sin t \\ \cos t + 2 \sin t \\ -3 \sin t \end{pmatrix}.$

48. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} \cos t - \sin t \\ \cos t \\ -\cos t \end{pmatrix} + C_3 e^{2t} \begin{pmatrix} \cos t + \sin t \\ \sin t \\ -\sin t \end{pmatrix}.$

49. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 4 \cos t \\ \sin t \\ -3 \cos t \end{pmatrix} + C_3 e^{-t} \begin{pmatrix} -4 \sin t \\ \cos t \\ 3 \sin t \end{pmatrix}.$

50. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} -2 \sin t \\ 2 \cos t - \sin t \\ \cos t + \sin t \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} 2 \cos t \\ \sin t - \cos t \end{pmatrix}.$

51. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} -2 \sin 2t \\ \cos 2t \\ 3 \cos 2t + 2 \sin 2t \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} 2 \cos 2t \\ \sin 2t \\ 5 \sin 2t - 2 \cos 2t \end{pmatrix}.$

52. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} -\cos t \\ \cos t \\ -\sin t \end{pmatrix} + C_3 e^{-t} \begin{pmatrix} -\sin t \\ \sin t \\ \cos t \end{pmatrix}.$

53. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-3t} \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix} + C_2 e^{-3t} \begin{pmatrix} \cos t \\ 2 \cos t \\ -\sin t \end{pmatrix} + C_3 e^{-3t} \begin{pmatrix} \sin t \\ 2 \sin t \\ \cos t \end{pmatrix}.$

54. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_2 e^{4t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{4t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} \right].$

55. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_3 e^t \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ \frac{1}{2} \end{pmatrix} \right].$

56. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^t \left[t \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] + C_3 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}.$

57. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 2 \\ 5 \\ -6 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix} + C_3 e^{-t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} \right].$

58. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{2t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$

59. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} + C_3 \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$

60. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 0 \\ -4 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{-t} \left[t \begin{pmatrix} 0 \\ -4 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$

61. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + C_3 e^{-t} \left[t \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$

62. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-3t} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_3 e^t \left[t \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ -3 \end{pmatrix} \right].$

63. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^t \left[t \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$

64. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix} + C_3 e^{-t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$

$$65. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} + C_3 e^{-t} \left[t \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right].$$

$$66. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \\ -3 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix} + C_3 \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} \right].$$

$$67. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-2t} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + C_3 e^{-2t} \left[t \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$$

$$68. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-4t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} + C_3 e^{-4t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$$

$$69. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix} + C_3 e^{-t} \left[t \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$$

$$70. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-3t} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_3 e^t \left[t \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} \right].$$

$$71. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \\ 2 \end{pmatrix} + C_3 e^t \left[t \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} \right].$$

$$72. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_3 e^t \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} \right].$$

$$73. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} -3 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} + C_3 e^t \left[t \begin{pmatrix} -3 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right].$$

$$74. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} \right] +$$

$$+ C_3 e^{-t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} - t \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} \right].$$

$$75. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] + \\ + C_3 e^{2t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -3 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$$

$$76. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] + \\ + C_3 e^{-t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} - t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$$

$$77. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-3t} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-3t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right] + \\ + C_3 e^{-3t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$$

$$78. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^t \left[t \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] + \\ + C_3 e^t \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$$

$$79. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \left[t \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} \right] +$$

$$+C_3 e^{2t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right].$$

80. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} \right] +$
 $+C_3 e^t \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} \right].$

81. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ 3 \end{pmatrix} + C_2 \left[t \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} \right] +$
 $+C_3 \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right].$

82. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-2t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix} \right] +$
 $+C_3 e^{-2t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} \right].$

83. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \left[t \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] +$
 $+C_3 e^{2t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} \right].$

84. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^{-2t} \left[t \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right] +$

$$+C_3 e^{-2t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$$

85. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \left[t \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] + C_3 e^{-t} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}.$

86. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 5 \end{pmatrix} + C_2 \left[t \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 5 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} \right] +$
 $+C_3 \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 5 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 5 \end{pmatrix} \right].$

87. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{-t} \left[t \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$

88. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-3t} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -3 \end{pmatrix} + C_2 e^{-3t} \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 3 \end{pmatrix} + C_3 e^{-3t} \left[t \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} \right].$

89. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_2 e^{-2t} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{-2t} \left[t \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$

90. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 5 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^t \left[t \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$

91. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 6 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} 4 \\ 6 \\ 6 \end{pmatrix} + C_3 \left[t \begin{pmatrix} 4 \\ 6 \\ 6 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right].$

92. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} 5 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{3t} \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{3t} \left[t \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right].$

93. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 3 \end{pmatrix} + C_3 e^{2t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right]$

94. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ -2 \end{pmatrix} + C_3 \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ -2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right]$

95. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{2t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right]$

96. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_2 e^{3t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} \right] + C_3 e^{3t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right]$

97. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ -1 \end{pmatrix} + C_2 e^{3t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ -1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix} \right] + C_3 e^{3t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ -1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} \right]$

98. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-3t} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-3t} \left[t \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right] + C_3 e^{-3t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} \right]$

99. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} \right] +$

$$+ C_3 e^{2t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right]$$

100. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} \right] + C_3 e^{2t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right]$

101. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ 6 \end{pmatrix} + C_2 e^{-2t} \left[t \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ 6 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ 5 \end{pmatrix} \right] + C_3 e^{-t} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$

102. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-3t} \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} + C_2 e^{-3t} \left[t \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] + C_3 e^{-3t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right]$

103. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^{-2t} \left[t \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix} \right] + C_3 e^{-2t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right]$

104. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix} + C_3 e^{2t} \left[t \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right]$

105. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{3t} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix} + C_3 e^{3t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} \right]$

106. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{3t} \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + C_3 e^{3t} \left[t \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} \right].$

107. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^{4t} \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \\ 9 \end{pmatrix} + C_3 e^{4t} \left[t \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \\ 9 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} \right].$

108. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \left[t \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] + C_3 e^{3t} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}.$

109. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-2t} \left[t \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ 6 \end{pmatrix} \right] + C_3 e^{-t} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix}.$

110. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} \cos 3t \\ \cos 3t + \sin 3t \\ 2 \cos 3t + \sin 3t \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} \sin 3t \\ \cos 3t - \sin 3t \\ \cos 3t - 2 \sin 3t \end{pmatrix} + C_3 e^{-t} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}.$

111. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \sin 5t \\ \cos 5t + 2 \sin 5t \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} -\cos 5t \\ 2 \cos 5t \\ 2 \cos 5t - \sin 5t \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}.$

112. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} -\cos 4t \\ \sin 4t \\ 3 \cos 4t - \sin 4t \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} \sin 4t \\ \cos 4t \\ -\cos 4t - 3 \sin 4t \end{pmatrix} + C_3 \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}.$

113. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} -\cos 2t \\ -\cos 2t + \sin 2t \\ 3 \cos 2t \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} \sin 2t \\ \cos 2t + \sin 2t \\ -3 \sin 2t \end{pmatrix} + C_3 e^{-t} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}.$

114. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} -\cos 3t \\ \sin 3t \\ 2 \cos 3t + 2 \sin 3t \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} \sin 3t \\ \cos 3t \\ 2 \cos 3t - 2 \sin 3t \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}.$

115. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} -\cos 4t \\ 2 \cos 4t + \sin 4t \\ 2 \cos 4t \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} \sin 4t \\ \cos 4t - 2 \sin 4t \\ -2 \sin 4t \end{pmatrix} + C_3 e^{-2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}.$

116. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} -\cos 4t \\ \sin 4t \\ \cos 4t + \sin 4t \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} \sin 4t \\ \cos 4t \\ \cos 4t - \sin 4t \end{pmatrix} + C_3 e^{2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}.$

117. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} e^t + e^{3t} & e^{3t} - e^t \\ e^{3t} - e^t & e^{3t} + e^t \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$

118. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} e^{3t} + e^{-t} & e^{3t} - e^{-t} \\ e^{3t} - e^{-t} & e^{3t} + e^{-t} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$

119. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} e^{-4t} + e^{-2t} & e^{-4t} - e^{-2t} \\ e^{-4t} - e^{-2t} & e^{-4t} + e^{-2t} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$

120. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 2 + e^{-3t} & 1 - e^{-3t} \\ 2 - 2e^{-3t} & 1 + e^{-3t} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$

121. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \frac{1}{4} \begin{pmatrix} 2 + 2e^{4t} & 1 - e^{4t} \\ 4 - 4e^{4t} & 2 + 2e^{4t} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$

122. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = e^{4t} \begin{pmatrix} 1 - t & t \\ -t & t + 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$

123. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = e^{2t} \begin{pmatrix} 1 + t & -t \\ t & 1 - t \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$

124. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = e^{3t} \begin{pmatrix} 1-t & -t \\ t & 1+t \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$
125. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1+t & t \\ -t & 1-t \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$
126. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos t + \sin t & -2 \sin t \\ \sin t & \cos t - \sin t \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$
127. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = e^{-t} \begin{pmatrix} \cos t + 2 \sin t & -\sin t \\ 5 \sin t & \cos t - 2 \sin t \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$
128. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = e^{2t} \begin{pmatrix} \cos 3t & -\sin 3t \\ \sin 3t & \cos 3t \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$
129. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = e^t \begin{pmatrix} \cos t - 2 \sin t & \sin t \\ -5 \sin t & \cos t + 2 \sin t \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$
130. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = e^{2t} \begin{pmatrix} \cos t - \sin t & \sin t \\ -2 \sin t & \cos t + \sin t \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$
131. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = e^{2t} \begin{pmatrix} \cos t + \sin t & -2 \sin t \\ \sin t & \cos t - \sin t \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}.$
132. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & t \\ 0 & e^t & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \\ C_3 \end{pmatrix}.$
133. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} e^{3t} + 2 & e^{3t} - 1 & 0 \\ 2e^{3t} - 2 & 2e^{3t} + 1 & 0 \\ 0 & 0 & 3e^{3t} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \\ C_3 \end{pmatrix}.$
134. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 - e^{-t} & 1 - e^{-t} \\ 1 - e^{-t} & 1 + te^{-t} & 1 - (t+1)e^{-t} \\ e^{-t} - 1 & (1+t)e^{-t} - 1 & (t+2)e^{-t} - 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \\ C_3 \end{pmatrix}.$
135. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} (1+t)e^t & 0 & -te^t \\ 1 - e^t & 1 & e^t - 1 \\ te^t & 0 & (1-t)e^t \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \\ C_3 \end{pmatrix}.$

136. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & t \\ 1 - e^{-t} & e^{-t} & t \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \\ C_3 \end{pmatrix}.$
137. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{-6t} \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 16 \sin t - 15 \cos t \\ -10 \sin t + 14 \cos t \end{pmatrix}.$
138. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 2 \cos t - \sin t \\ \cos t \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} \cos t + 2 \sin t \\ \sin t \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} e^t \\ 0 \end{pmatrix}.$
139. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{-6t} \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 30t - 29 \\ 28 - 24t \end{pmatrix}.$
140. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} \sin 4t - \cos 4t \\ \sin 4t - 2 \cos 4t \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} \sin 4t + \cos 4t \\ \cos 4t + 2 \sin 4t \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} e^{7t} \\ e^{7t} \end{pmatrix}.$
141. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} \sin 3t \\ 2 \sin 3t - \cos 3t \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} \cos 3t \\ 2 \cos 3t + \sin 3t \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 21e^t - 15t \\ 45e^t - 30t + 5 \end{pmatrix}.$
142. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{-4t} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-4t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] + \frac{1}{4} e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ -7 \end{pmatrix}.$
143. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \left[t \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] + \begin{pmatrix} 7e^{2t} + 4t^2 - 16t + 28 \\ -7e^{2t} - 5t^2 + 22t - 39 \end{pmatrix}.$
144. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \end{pmatrix} + e^{-t} \begin{pmatrix} t \\ 1 - 2t \end{pmatrix}.$
145. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} t(e^t - e^{-t}) \\ (t+1)e^t + (t-1)e^{-t} \end{pmatrix}.$
146. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} (1-4t)e^{2t} + 2t^2 + 2t - \frac{1}{2} \\ 6te^{2t} - 2t^2 - 3t \end{pmatrix}.$

$$147. \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 5 \cos 2t \\ \sin 2t - 3 \cos 2t \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} 5 \sin 2t \\ 3 \sin 2t - \cos 2t \end{pmatrix} + \\ + \begin{pmatrix} 4t \cos 2t \\ \frac{2}{5}(1+2t) \sin 2t - \frac{2}{5}(1+6t) \cos 2t \end{pmatrix}.$$

$$148. \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 2 \\ 5 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix} + e^{-t} \begin{pmatrix} 1-5t \\ -15t \end{pmatrix}.$$

$$149. \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2t^2 + 3t - \frac{2}{3} \\ -2t^2 - 4t \end{pmatrix}.$$

$$150. \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix} \right] + e^{-t} \begin{pmatrix} t^2 - t \\ 2t^2 \end{pmatrix}.$$

$$151. \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix} + e^t \begin{pmatrix} -10t - 4 \\ 10t \end{pmatrix}.$$

$$152. \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{3t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] - e^{3t} \begin{pmatrix} t^2 + 2t + 2 \\ t^2 \end{pmatrix}.$$

$$153. \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right] + \cos 2t \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix}.$$

$$154. \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 2 \cos 3t \\ \cos 3t + 3 \sin 3t \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} 2 \sin 3t \\ \sin 3t - 3 \cos 3t \end{pmatrix} + e^t \begin{pmatrix} 1 \\ -t \end{pmatrix}.$$

$$155. \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} \cos t \\ \cos t - \sin t \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} \sin t \\ \cos t + \sin t \end{pmatrix} - e^t \begin{pmatrix} t+2 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

$$156. \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^{3t} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^{3t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \end{pmatrix} \right] + \begin{pmatrix} -\sin t \\ \cos t \end{pmatrix}.$$

$$157. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} \cos t \\ -\sin t \\ -2 \cos t \end{pmatrix} + C_3 e^{2t} \begin{pmatrix} \sin t \\ \cos t \\ -2 \sin t \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

$$158. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + e^{-t} \begin{pmatrix} 3 \\ -3 \\ 2 \end{pmatrix}.$$

$$159. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \\ + C_3 e^{-t} \left[t \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] + \begin{pmatrix} -\cos t \\ \cos t \\ 0 \end{pmatrix}.$$

$$160. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} \cos t \\ -\sin t \\ -2 \cos t \end{pmatrix} + \\ + C_3 e^{-t} \begin{pmatrix} \sin t \\ \cos t \\ -2 \sin t \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix} \operatorname{sh} t.$$

$$161. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + C_3 e^t \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} \right] + \sin t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix}.$$

$$162. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} \cos t \\ 2 \cos t \\ -\sin t \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} \sin t \\ 2 \sin t \\ \cos t \end{pmatrix} + \operatorname{ch} t \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \\ -1 \end{pmatrix}.$$

$$163. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^t \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + e^{2t} \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

$$164. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{2t} \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix} + e^t \begin{pmatrix} 3 \\ -\frac{3}{2} \\ 1 \end{pmatrix}.$$

$$165. \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

166. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{3t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + e^{-t} \begin{pmatrix} \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \\ 1 \end{pmatrix}.$

167. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{-t} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + C_2 e^{-t} \left[t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] + C_3 e^{-t} \left[\frac{t^2}{2} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right] + \begin{pmatrix} t^3 - 3t + 3 \\ t \\ t-1 \end{pmatrix}.$

168. $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = C_1 e^{2t} \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^t \left[t \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] + \begin{pmatrix} 9t^2 - 20t - 79 \\ 6t^2 - 19t - 46 \\ 3t^2 - 16t - 30 \end{pmatrix}.$

169. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 e^{2t} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} (3e^{2t} - 4) \ln(1 + e^{-t}) - 3e^t + \frac{3}{2} \\ (3e^{2t} - 2) \ln(1 + e^{-t}) - 3e^t + \frac{3}{2} \end{pmatrix}.$

170. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 e^t \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2e^t \ln(1 + e^{-t}) + 3 \ln(1 + e^t) \\ -4e^t \ln(1 + e^{-t}) - 3 \ln(1 + e^t) \end{pmatrix}.$

171. $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} \cos 4t + \sin 4t \\ \sin 4t \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} \cos 4t - \sin 4t \\ \cos 4t \end{pmatrix} + \frac{1}{8} \begin{pmatrix} (\sin 4t - \cos 4t) \ln \left| \frac{1 + \sin 4t}{1 - \sin 4t} \right| - 2 \\ -\cos 4t \cdot \ln \left| \frac{1 + \sin 4t}{1 - \sin 4t} \right| \end{pmatrix}.$

172. $x = (C_1 + C_2) \cos 3t + (C_1 - C_2) \sin 3t + \frac{1}{6 \cos^2 3t} [2 \sin 3t + \cos 6t (\sin 3t - \cos 3t)], y = C_1 \sin 3t + C_2 \cos 3t - \frac{\cos 6t}{6 \cos 3t}.$

173. $x = C_1 e^t (\cos 2t + \sin 2t) + C_2 e^t (\cos 2t - \sin 2t) + t e^t (\sin 2t -$

$- \cos 2t) + \frac{1}{2} e^t (\cos 2t + \sin 2t) \ln |\sin 2t|, y = e^t (C_1 \sin 2t + C_2 \cos 2t) + \frac{1}{2} e^t \sin 2t \ln |\sin 2t| - t e^t \cos 2t.$

174. $x = (C_1 + C_2)t e^{-t} + t e^{-t} (\ln |t| - 1), y = C_1 (2t + 1)e^{-t} + 2C_2 e^{-t} + e^{-t} (2t \ln |t| + \ln |t| - 2t).$

175. $x = -C_1(t + 1)e^t - C_2 e^t + \frac{2}{3} t \sqrt{t} e^t, y = C_1 (2t + 1)e^t + 2C_2 e^t + \left(\sqrt{t} - \frac{4}{3} t \sqrt{t} \right) e^t.$

176. $x = -C_1(t + 1) - C_2 + t + \frac{3}{4} t^2 - \left(t + \frac{1}{2} t^2 \right) \ln t, y = C_1 (2t + 1) + 2C_2 - t - \frac{3}{2} t^2 + (t + t^2) \ln t.$

177. $x = 2C_1 e^t - C_2 e^{3t} + e^t \ln(1 + e^{2t}) + \frac{1}{2} e^{3t} \ln(1 + e^{-2t}), y = -C_1 e^t + C_2 e^{3t} - \frac{1}{2} e^t \ln(1 + e^{2t}) - \frac{1}{2} e^{3t} \ln(1 + e^{-2t}).$

178. $x = -2C_1 e^{2t} - C_2 e^t + 5e^t \ln(1 + e^t) + 4e^{2t} \ln(1 + e^{-t}), y = 5C_1 e^{2t} + 2C_2 e^t - 10e^t \ln(1 + e^t) - 10e^{2t} \ln(1 + e^{-t}).$

179. $x = 2C_1 e^{-2t} + C_2 e^{2t} + 2e^{-2t} \ln(1 + e^{4t}) + 2e^{2t} \ln(1 + e^{-4t}), y = C_1 e^{-2t} + C_2 e^{2t} + e^{-2t} \ln(1 + e^{4t}) + 2e^{2t} \ln(1 + e^{-4t}).$

180. $x = 2C_1 e^{-2t} + C_2 e^{-t} - 2e^{-2t} - e^{-2t} \ln(1 + e^{-2t}) - 2e^{-t} \operatorname{arctg} e^t, y = 5C_1 e^{-2t} + 3C_2 e^{-t} - 6e^{-2t} - \frac{5}{2} e^{-2t} \ln(1 + e^{-2t}) - 6e^{-t} \operatorname{arctg} e^t.$

181. $x = (C_1 + C_2) e^{2t} \cos 3t + (C_1 - C_2) e^{2t} \sin 3t + e^{2t} \operatorname{tg} 3t (\sin 3t + \cos 3t) + \frac{e^{2t}}{2 \cos^2 3t} (\sin 3t - \cos 3t), y = C_1 e^{2t} \sin 3t + C_2 e^{2t} \cos 3t - \frac{e^{2t} \cos 6t}{\cos 3t}.$

182. $x = 2C_1 e^t + C_2 e^{-2t} + 4e^t \operatorname{arctg} e^{3t} - 2e^{-2t} \ln(1 + e^{6t}), y = 3C_1 e^t + 2C_2 e^{-2t} + 6e^t \operatorname{arctg} e^{3t} - 4e^{-2t} \ln(1 + e^{6t}).$

183. $x = -2C_1 - C_2 e^t + 4 \ln(1 + e^t) + 5e^t \ln(1 + e^{-t}), y = 3C_1 + C_2 e^t - 6 \ln(1 + e^t) - 5e^t \ln(1 + e^{-t}).$

184. $x = C_1 + C_2 t + \frac{1}{4} t^2 (2 \ln t - 1), y = 2C_1 + C_2 (2t + 1) + \frac{1}{2} t^2 (2 \ln t - 1).$

185. $x = -C_1 \cos 4t - C_2 \sin 4t - \sin 8t - \frac{1}{2} \ln \left| \frac{1 + \cos 4t}{1 - \cos 4t} \right| \cdot \sin 4t, y = (2C_1 + C_2) \cos 4t + (2C_2 - C_1) \sin 4t + \cos 8t + 2 \sin 8t - \frac{1}{2} \ln \left| \frac{1 + \cos 4t}{1 - \cos 4t} \right| (\cos 4t + 2 \sin 4t).$

186. $x = C_1 + C_2 t - \frac{8}{15} t^{\frac{5}{2}}, y = 2C_1 + C_2 \left(t - \frac{1}{2} \right) - \frac{16}{15} t^{\frac{5}{2}} + \frac{2}{3} t^{\frac{3}{2}}.$

187. $x = y = e^t.$

188. $x = \cos t, y = -\cos t - \sin t.$

189. $x = e^{3t} + te^{2t}, y = 2e^{3t} + te^{2t}.$

190. $x = 2e^{2t} - e^t - 2e^{-t}, y = e^t + e^{-t} - 3e^{2t}.$

191. $y = \frac{1}{3}(5e^{-t} - 8e^{2t}) + te^{-t}, y = \frac{1}{3}(5e^{-t} - 2e^{2t}) + te^{-t}.$

192. $x = (2-t)e^{3t} - e^t, y = (3-t)e^{3t} - 2e^t.$

193. $x = 3 \cos t - \sin t + t - 3, y = 2 \cos t + \sin t + t - 2.$

194. $x = 4 + 5t - 4 \cos 2t + 7 \sin 2t, y = 6 \cos 2t - 4 \sin 2t - 3 - 4t.$

195. $x = \frac{5}{3} \sin 3t + \frac{4}{3}(1 - \cos 3t) + t, y = \frac{7}{3} \sin 3t + \frac{19}{3}(\cos 3t - 1) - 4t.$

196. $x = 1 + e^t - e^{2t}, y = -1 - 2e^t + 4e^{2t}.$

197. $x = \frac{5}{3}e^{2t} + \frac{1}{12}e^{-t} - \frac{7}{4}e^t - \frac{1}{2}te^t, y = -\frac{5}{3}e^{2t} - \frac{1}{3}e^{-t} + 2e^t + te^t.$

198. $x = \frac{1}{12}e^{-t} - \frac{1}{4}(2t+7)e^t + \frac{5}{3}e^{2t}, y = -\frac{1}{3}e^{-t} + (t+2)e^t - \frac{5}{3}e^{2t}.$

199. $x = (3t+1)e^{-t} + \left(t - \frac{2}{3} \right) e^{2t}, y = -18te^{-t} + 2e^{2t}.$

200. $x = \frac{1}{2}e^{-t} + \left(t - \frac{1}{2} \right) e^{3t}, y = (4t+2)e^{-t} + \left(2t - \frac{3}{2} \right) e^{3t}.$

201. $x = (3t-2)e^{5t} - \left(4t + \frac{7}{3} \right) e^{2t}, y = e^{5t} - (1+4t)e^{2t}.$

202. $x = \frac{1}{3}e^{-t} - (2t+1)e^{5t}, y = (6t+2)(e^{-t} - e^{5t}).$

203. $x = -e^{-7t} - 4e^{-2t} + 5e^t, y = -e^{-7t} + 6e^{-2t} - 3e^t.$

204. $x = \frac{31}{30}e^{-6t} + \frac{29}{5}e^{-t} + 5t - \frac{29}{5}, y = \frac{62}{15}e^{-6t} - \frac{29}{5}e^{-t} - 4t + \frac{14}{3}.$

205. $x = e^{2t} - te^{-4t}, y = (t+1)e^{-4t} - 7e^{2t}.$

206. $x = (1-t-t^2)e^{3t}, y = (2+t-t^2)e^{3t}.$

207. $x = 15e^{-t} - 15 \cos t + 16 \sin t, y = -15e^{-t} + 14 \cos t - 10 \sin t.$

208. $x = (t+1)e^{-t} - 2e^{2t}, y = e^{2t} - 2e^{-t}.$

209. $x = e^t(\cos t - 3 \sin t + 1), y = e^t(\cos t - \sin t).$

210. $x = e^{2t} + 2e^{-2t}, y = \frac{1}{2}(e^{2t} - e^{-2t}), z = \frac{1}{2}(-e^{2t} + 3e^{-2t}).$

211. $x = 2e^t + e^{2t}, y = 2(e^t - e^{2t}), z = 2e^t - e^{2t}.$

212. $x = -e^{-t} \sin t, y = e^{-t} \sin t, z = e^{-t} \cos t.$

213. $x = (1+t)e^t, y = (1-t)e^t, z = -e^t.$

214. $x = -e^t \sin t, y = e^t \cos t, z = e^t \cos t.$

215. $x = te^{-t}, y = te^{-t}, z = e^{-t}.$

216. $x = e^{-t}(\cos t + \sin t), y = e^{-t} \sin t, z = e^{-t} \cos t.$

217. $x = te^{-t}, y = e^{-t}, z = -(t+1)e^{-t}.$

218. $x = -2e^{-t} \sin t, y = e^{-t} \cos t, z = e^{-t} \sin t.$

219. $x = 2te^t, y = -e^t, z = (1-t)e^t.$

220. $x = 8te^t, y = 4(2te^t - e^{2t} + 1), z = 4(2e^t - e^{2t} - 1).$

221. $x = z = 0, y = 1 - e^{-t}.$

222. $x = y = 2(1 - \cos t), z = \cos t + \sin t - 1.$

223. $x = z = t + 1, y = 0.$

224. $x = 0, y = -e^{2t}, z = e^{-t}.$

225. $x = -C_2 e^{2t} - C_3 te^{2t}, y = 3C_1 e^t + 4C_2 e^{2t} + C_3(4t-1)e^{2t}, z = C_1 e^t + C_2 e^{2t} + C_3 te^{2t}.$

226. $x_1 = x_2 = x_3 = C, x_4 = 2C.$

228. $x = \frac{1}{2}(3 \operatorname{ch} 2t - \cos 2t)$, $y = \sqrt{6}(\operatorname{ch} 2t - \cos 2t)$.

229. $x = \frac{3}{20} \operatorname{sh} t + \frac{5}{156} \operatorname{sh} 3t - \frac{8}{65} \sin 2t$, $y = \frac{1}{40}(3e^t - e^{-t}) - \frac{1}{312}(5e^{3t} - e^{-3t}) - \frac{2}{65}(\cos 2t + \sin 2t)$, $z = \frac{1}{15}e^{-t} - \frac{1}{65}e^{-3t} - \frac{1}{60}e^{2t} + \frac{1}{260}(7 \sin 2t - 9 \cos 2t)$.

§ 12. Линейные системы уравнений с переменными коэффициентами

По заданной фундаментальной матрице $\Phi(x)$ линейной однородной системы $y'(x) = A(x)y(x)$ с непрерывной на промежутке I и квадратной порядка n матрицей $A(x)$ всегда можно однозначно определить матрицу $A(x)$, т. е. построить линейную однородную систему.

ПРИМЕР 1. По заданной фундаментальной матрице

$\Phi(x) = \begin{pmatrix} \cos x & \sin x \\ -\sin x & \cos x \end{pmatrix}$ составить линейную однородную систему.

Δ Неизвестная матрица $A(x)$ находится из условия, что $\Phi(x)$ — решение матричного уравнения $Y'(x) = A(x)Y(x)$. Отсюда $A(x) = \Phi'(x) \cdot \Phi^{-1}(x) = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$. Искомая система имеет вид

$$y'_1 = y_2, \quad y'_2 = -y_1.$$

Формула Лиувилля-Остроградского позволяет по заданному решению линейной однородной системы найти общее решение этой системы.

ПРИМЕР 2. Известно, что вектор-функция $\begin{pmatrix} x \\ 1 \end{pmatrix}$ — решение системы

$$\begin{cases} y'_1 = y_2, \\ (1+x^2)y'_2 = -2y_1 + 2xy_2. \end{cases}$$

Найти общее решение системы.

Δ Пусть решением системы является вектор-функция с компонентами $y_1 = \varphi(x)$, $y_2 = \psi(x)$, причем $\varphi(0) = 1$, $\psi(0) = 0$. По формуле Лиувилля-Остроградского имеем:

$$\begin{vmatrix} \varphi(x) & x \\ \psi(x) & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{vmatrix} e^{\int_0^x \frac{2\zeta d\zeta}{1+\zeta^2}} = 1 + x^2.$$

Отсюда $\varphi(x) - x\psi(x) = 1 + x^2$. Подставляя выражение для $\varphi(x)$ во второе уравнение системы, получаем задачу Коши для $\psi(x)$

$$\psi'(x) = -2, \quad \psi(0) = 0.$$

Следовательно, $\psi(x) = -2x$, $\varphi(x) = 1 - x^2$.

Тогда общее решение заданной системы имеет вид

$$\begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \end{pmatrix} = C_1 \begin{pmatrix} x \\ 1 \end{pmatrix} + C_2 \begin{pmatrix} 1 - x^2 \\ -2x \end{pmatrix}. \quad \blacktriangle$$

ПРИМЕР 3. Может ли система $\begin{cases} y'_1 = -x^3 y_1 + y_2 \sin x, \\ y'_2 = x^4 y_1 + e^x y_2 \end{cases}$ иметь два ограниченных на $(-\infty, +\infty)$ линейно независимые решения?

Δ Ответ на поставленный вопрос отрицательный, поскольку допустив противное, получаем, что определитель Вронского этих решений является ограниченной на $(-\infty, +\infty)$ функцией и отличен от нуля. С другой стороны первообразная следа матрицы системы

$$\int_0^x (-x^3 + e^x) dx = -\frac{x^4}{4} + e^x - 1$$

является неограниченной на $(-\infty, +\infty)$ функцией. Это противоречит формуле Лиувилля-Остроградского. \blacktriangle

1. Пусть задана линейная система $y'(x) = \varphi(x)Ay(x)$, где $\varphi(x)$ — непрерывная на промежутке I функция и A — числовая квадратная матрица порядка n . Доказать, что замена $t = \int_{x_0}^x \varphi(\zeta) d\zeta$ дает линейную систему $y'(t) = Ay(t)$.
2. Пусть $\Phi(x)$ — фундаментальная матрица линейной системы $z'(x) = B(x)z(x)$, где $B(x)$ — квадратная порядка n и непрерывная на промежутке I матрица. Показать, что замена $y(x) = \Phi(x)z(x)$ в линейной системе $y'(x) = A(x)y(x)$ с квадратной порядка n и непрерывной на I матрицей $A(x)$ дает линейную систему вида $z'(x) = \Phi^{-1}(x)[A(x) - B(x)]\Phi(x)z(x)$.