

- 1) Jsou dána kladná reálná čísla a, b, c taková, že $a^3 + b^3 = c^3$. Dokažte, že potom $a^2 + b^2 > c^2$.

Předpokládaný termín prezentace: 21. 10. 2026

- 2) – (vyřešíme společně)

- 3) Dokažte, že číslo $17^{19} + 19^{17}$ je dělitelné číslem $17 + 19$.

Předpokládaný termín prezentace: 4. 11. 2026

- 4) V oboru $\mathbb{R}$ řešte rovnici $\sqrt{x^2 - p} = x - p$ s neznámou x a reálným parametrem p .

Předpokládaný termín prezentace: 11. 11. 2026

- 5) – (vyřešíme společně)

- 6) Vypočtěte hodnotu výrazu

$$\arctg 1 + \arctg \frac{1}{2} + \arctg \frac{1}{3}.$$

Výsledek vyjádřete ve stupních na intervalu $\langle 0; 180^\circ \rangle$.

Předpokládaný termín prezentace: 25. 11. 2026

- 7) Určete střed S a poloměr r kružnice k vepsané trojúhelníku ABC , jestliže $A[0; 0]$, $B[-6; 3]$, $C[4; 8]$. (Nalezněte jiné postupy než „sestrojím, odhadnu výsledek a ověřím ho“.)

Předpokládaný termín prezentace: 2. 12. 2026

- 8) Je dán trojúhelník ABC . Určete množinu bodů X takových, že čtyřúhelníku $ABCX$ lze opsat i vepsat kružnici.

Předpokládaný termín prezentace: 9. 12. 2026

- 9) Vypočtěte obsah trojúhelníku ABC , jestliže $|AC| = 17$ cm, $|BC| = 10$ cm a na straně AB leží bod D tak, že $|AD| : |DB| = 3 : 4$, přičemž $|CD| = 10$ cm.

Předpokládaný termín prezentace: 16. 12. 2026