

Jméno a příjmení (čitelně): _____

Zakroužkujte jméno cvičícího a čas cvičení:

Hladíková	Batíková	Ráž	Soudský	Černohorská	Dostálová
9:15	11:00	12:45	14:30	16:15	18:00

Závěrečný test 55F100 (ZS 2012/13), Varianta A

Stručné odpovědi pište do připravených kolonek, vše ale podpořte podrobnějšími výpočty, které, pokud se sem nevejdou, pište na další list.

1. (16 bodů) Vyšetřete průběh funkce $f(x) = \sqrt{x}(2x - 12\sqrt{x} + 18)$.

Definiční obor:

Limity v krajních bodech D_f :

Průsečíky s osami (a případně hodnoty v dalších bodech):

Derivace:

Lokální a globální extrémy, intervaly monotonie:

Případné asymptoty:

Druhá derivace:

Obor konvexity a konkavity, inflexní body:

Graf:

2. (10 bodů) Najděte všechny stacionární body funkce $f(x, y) = (x^2 - 6x)e^{y^3 - 3y}$ v \mathbb{R}^2 a pro každý z nich určete, zda se jedná o lokální maximum, lokální minimum či sedlový bod.

Sem vypište všechny stacionární body a jejich typ:

3. (10 bodů) Určete extrémy funkce $f(x, y) = x + y$ na množině

$$M = \{[x, y] \in \mathbb{R}^2; -2 \leq x \leq 4, \frac{1}{2}x^2 - 2 \leq y \leq x + 2\}.$$

Sem vypište všechny kandidáty na extrém na zadané množině a hodnoty funkce f v těchto bodech, mezi nimi vyznačte maximum a minimum, a přidejte nákres množiny:

4. (16 bodů) Určete extrémy funkce $f(x, y, z) = 4x + y - 2z$ na množině

$$M = \{[x, y, z] \in \mathbb{R}^3; x^2 + y^2 + z^2 = 54, x - y + z = -10\}.$$

Sem vypište všechny kandidáty na extrém na zadané množině a hodnoty funkce f v těchto bodech, mezi nimi vyznačte maximum a minimum:

5. (8 bodů) Najděte všechna řešení soustavy rovnic v závislosti na parametru $a \in \mathbb{R}$:

$$\left(\begin{array}{cccc|c} 0 & 2 & 4 & -2 & 0 & 6 \\ 1 & -1 & 0 & 5 & 2 & -4 \\ 0 & 1 & a & -4 & 3 & 0 \\ 2 & -1 & 4 & 7 & 6 & -7 \end{array} \right)$$

Řešení: