

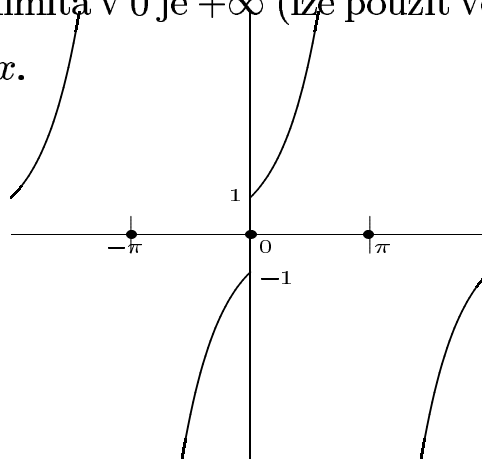
Příklad 1: $\frac{1}{8} \frac{1}{(1+\sqrt{\frac{x}{x+1}})^2} + \frac{1}{8} \frac{1}{(\sqrt{\frac{x}{x+1}}-1)^2} + \frac{3}{8} \frac{1}{\sqrt{\frac{x}{x+1}}-1} - \frac{3}{8} \frac{1}{1+\sqrt{\frac{x}{x+1}}} + C$ na $(0, +\infty)$.

Lze použít substituci $y = \sqrt{\frac{x}{x+1}}$.

Příklad 2: Na $(-\infty, 0)$ a $(1, +\infty)$ je $f_n \rightarrow 0$, v bodech 0 a 1 je $f_n \rightarrow 1$, na $(0, 1)$ posloupnost $\{f_n\}$ nekonverguje. Konvergence je stejnoměrná na intervalech $(-\infty, -\varepsilon)$ a $(1+\varepsilon, +\infty)$ pro $\varepsilon > 0$, není stejnoměrná na intervalech $(-\varepsilon, 0)$, $(1, 1+\varepsilon)$ pro $\varepsilon > 0$.

Příklad 3: $D_f = (-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$, f je spojitá v každém bodě D_f . (Řada konverguje stejnoměrně na $(c, +\infty)$ a $(-\infty, c)$ pro $c > 0$.) Limita v $+\infty$ i v $-\infty$ je 1 (lze použít větu o záměně limit), limita v 0 je $+\infty$ (lze použít větu o policaitech).

Příklad 4: $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n(1-(-1)^n e^\pi)}{(n^2+1)\pi} \sin nx$.



Příklad 5: (a) Například $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x-1}}$. (b) NE. Například $u_n(x) = \begin{cases} \frac{1}{n} & x = n \\ 0 & \text{jinak} \end{cases}$.
 (c) NE. Je to po částech hladká funkce, a tak její Fourierova řada má v bodě 0 součet $-\frac{1}{2}$ a nikoli 0. (d) NE. Například $A = \mathbf{Q}$. (e) ANO. \mathbf{R} je úplný a \mathbf{Z} je jeho uzavřená podmnožina.