

KLÍČOVÉ POJMY

supremum množiny

infimum množiny

vlastní limita posloupnosti

nevlastní limita posloupnosti

$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = A$, kde $a, A \in \mathbf{R}$

$\lim_{x \rightarrow a^+} f(x) = A$, kde $a, A \in \mathbf{R}$

$\lim_{x \rightarrow a^-} f(x) = -\infty$, kde $a \in \mathbf{R}$

$\lim_{x \rightarrow a^+} f(x) = -\infty$, kde $a \in \mathbf{R}$

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = A$, kde $A \in \mathbf{R}$

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$

spojitost funkce v bodě

spojitost funkce na intervalu

spojitost funkce v bodě zprava

spojitost funkce v bodě zleva

konvexní funkce

konkávní funkce

Celkem 17 klíčových pojmů

DEFINICE

KAPITOLA I

zdola omezená množina % I.3 začátek

shora omezená množina %

horní závora %

dolní závora %

omezená množina %

supremum množiny %

maximum množiny %

minimum množiny %

infimum množiny %

celá část čísla % I.3 konec

celkem 10 definic z Kapitoly I %

KAPITOLA II

množina členů posloupnosti % II.1 začátek

shora omezená posloupnost %

zdola omezená posloupnost %

omezená posloupnost %

neklesající posloupnost %

nerostoucí posloupnost %

rostoucí posloupnost %

klesající posloupnost %

ryze monotonní posloupnost %

monotonní posloupnost % II.1 konec

vlastní limita posloupnosti % II.2 začátek

okolí bodu

vybraná posloupnost %

konvergentní posloupnost % II.2 konec

nevlastní limita posloupnosti % II.3 začátek

divergentní posloupnost %

%%%%%%%%%% celkem 9 definic z Kapitoly V %%%%%%%%%%
 %%%%%%%%%% VĚTY
 %%%%%%%%%% Kapitola I
 Cauchyova nerovnost % I.1
 de Morganova pravidla % I.4
 základní věta algebry % I.5
 o supremu % I.6
 o existenci celé části % I.7
 Archimedova vlastnost % I.8
 hustota \mathbf{Q} a $\mathbf{R} \setminus \mathbf{Q}$ % I.10
 existence n -té odmocniny % I.9
 %%%%%%%%%%
 %%%%%%%%%% celkem 8 vět z Kapitoly I %%%%%%%%%%
 %%%%%%%%%% Kapitola II
 jednoznačnost limity posloupnosti % II.1
 limita posloupnosti a omezenost posloupnosti % II.2 a II.2'
 limita vybrané posloupnosti % II.3
 aritmetika limit posloupností % II.4 a II.4'
 limita a uspořádání % II.5
 dva policajti pro posloupnosti % II.6 a II.6'
 doplňky k aritmetice limit % II.7 a II.8
 limita monotónní posloupnosti % II.9
 o vybrané monotónní posloupnosti % II.10
 Bolzano-Weierstrassova % II.11
 %%%%%%%%%%
 %%%%%%%%%% celkem 10 vět z Kapitoly II %%%%%%%%%%
 %%%%%%%%%% Kapitola IV
 vztah limity a spojitosti % IV.1
 jednoznačnost limity funkce % IV.2
 limita funkce a omezenost % IV.3
 aritmetika limit funkcí % IV.4
 limita funkce a uspořádání % IV.5
 spojitost a aritmetické operace % Důsledek Věty IV.4
 o policajtech pro funkce % IV.6
 doplňky k aritmetice limit funkcí % IV.7
 limita složené funkce % IV.8
 limita monotónní funkce % IV.9
 o vztahu limity funkce a limity posloupnosti % IV.10
 vztah derivace a spojitosti % IV.12
 aritmetika derivací % IV.13
 derivace složené funkce % IV.14
 Heineho věta pro spojitost na intervalu % IV.15
 o spojitosti složené funkce na intervalu % IV.16
 o nabývání mezihodnot % IV.17
 o spojitém obrazu intervalu % IV.18
 omezenost a spojitost na intervalu % IV.19
 spojitost funkce a nabývání extrémů % IV.20
 spojitost inverzní funkce % IV.21

derivace inverzní funkce % IV.22
 zavedení logaritmu % IV.23
 zavedení sinu % IV.27
 nutná podmínka lokálního extrému % IV.31
 Rolleova věta % IV.32
 Lagrangeova věta % IV.33
 vztah derivace a monotonie funkce % IV.34
 výpočet jednostranné derivace % IV.35
 l'Hospitalovo pravidlo % IV.36
 charakterizace konvexních funkcí % IV.37
 vztah konvexity a první derivace % IV.38
 druhá derivace a konvexita % IV.39
 nutná podmínka pro inflexní bod % IV.40
 postačující podmínka pro inflexní bod % IV.41
 výpočet asymptoty % IV.42
 %%%%%%%%%%%%%%
 %%%%%%%%%% celkem 36 vět z Kapitoly IV %%%%%%%%%%
 %%%%%%%%%%%%%%
 %%%%%%%%%% Kapitola V
 vlastnosti eukleidovské metriky % V.1
 vlastnosti otevřených množin % V.2
 charakterizace konvergence posloupnosti v \mathbf{R}^n % V.3
 charakterizace uzavřených množin % V.4
 vlastnosti uzavřených množin % V.5
 %%%%%%%%%%%%%%
 %%%%%%%%%% celkem 5 vět z Kapitoly V %%%%%%%%%%
 %%%%%%%%%%%%%%
 %%%%%%%%%% Důkazy
 %%%%%%%%%% Kapitola I
 Cauchyova nerovnost % I.1
 o existenci celé části % I.7
 o existenci n -té odmocniny (pro $n = 2$) % I.9
 %%%%%%%%%% Kapitola II
 aritmetika limit posloupností % II.4 a II.4' (důkaz alespoň dvou různých pří-
 padů)
 limita posloupnosti a uspořádání % II.5
 dva policajti pro posloupnosti % II.6 a II.6'
 doplňky k aritmetice limit posloupností % II.7 a II.8 (důkaz II.7 a aspoň dvou
 bodů z II.8)
 o limitě monotónní posloupnosti % II.9
 Bolzano-Weierstrassovu % II.11 včetně důkazu II.10
 %%%%%%%%%% Kapitola IV
 aritmetika limit funkcí % IV.4 (důkaz alespoň dvou různých případů)
 limita funkce a uspořádání % IV.5
 limita složené funkce % IV.8
 limita monotónní funkce % IV.9
 vztah limity funkce a limit posloupností % IV.10
 aritmetika derivací % IV.13
 derivace složené funkce % IV.14
 Heineho věta pro spojitost na intervalu % IV.15
 spojitost funkce na intervalu a omezenost % IV.19
 spojitost funkce a nabývání extrémů % IV.20

o derivaci inverzní funkce % IV.22
 další vlastnosti logaritmu % IV.24
 vlastnosti exponenciální funkce % IV.25
 Rolleova věta % IV.32 včetně důkazu IV.31
 Lagrangeova věta % IV.33
 vztah derivace a monotonie funkce % IV.34
 výpočet jednostranné derivace % IV.35
 vztah konvexity a první derivace % IV.38 včetně důkazu IV.37
 %%%Kapitola V
 vlastnosti otevřených množin % V.2
 charakterizace uzavřených množin % V.4
 %%%celkem 29 vět s důkazem %%%
 %%%
 %