

Quantitative Methods in Finance 2006

Martin Šmíd

Sydney, December 2006



Co tam bylo

20 zvaných přednášek, 70 příspěvků v paralelních sekcích
(vybraných z cca 100)

Témata

- ▶ Oceňování opcí (60 %)
- ▶ Teoretická stochastická analýza (10 %)
- ▶ Míry rizika (5 %)
- ▶ Řízení portfolia (5 %)
- ▶ Ostatní (20 %)



Kdo tam byl

Složení účastníků dle národnosti

- ▶ Australané (20 %)
- ▶ Asiaté - Japonsko, Čína, Taiwan (20%)
- ▶ Američané (20%)
- ▶ Evropané (25 %)

Výrazné osobnosti:

- ▶ C. Chiarella,
- ▶ A. Novikov,
- ▶ R. Cont



Připomenutí

- ▶ S_0 - peněžní trh, S_1, \dots, S_N - akcie, (\mathcal{F}_t - filtrace generovaná S_0, \dots, S_N)

Připomenutí

- ▶ S_0 - peněžní trh, S_1, \dots, S_N - akcie, (\mathcal{F}_t - filtrace generovaná S_0, \dots, S_N)
- ▶ Trh je úplný (tj. pro každé t a každou \mathcal{F}_t -měřitelnou veličinu X existuje strategie obchodování s S_0, \dots, S_N taková, že $V(t) = X$ kde V je hodnota portfolia při této strategii)

Připomenutí

- ▶ S_0 - peněžní trh, S_1, \dots, S_N - akcie, (\mathcal{F}_t - filtrace generovaná S_0, \dots, S_N)
- ▶ Trh je úplný (tj. pro každé t a každou \mathcal{F}_t -měřitelnou veličinu X existuje strategie obchodování s S_0, \dots, S_N taková, že $V(t) = X$ kde V je hodnota portfolia při této strategii)
- ▶ C - cena evropské opce (tj. $C(T) = f(S_1(T), \dots, S_N(T))$ pro nějaké T)

Připomenutí

- ▶ S_0 - peněžní trh, S_1, \dots, S_N - akcie, (\mathcal{F}_t - filtrace generovaná S_0, \dots, S_N)
- ▶ Trh je úplný (tj. pro každé t a každou \mathcal{F}_t -měřitelnou veličinu X existuje strategie obchodování s S_0, \dots, S_N taková, že $V(t) = X$ kde V je hodnota portfolia při této strategii)
- ▶ C - cena evropské opce (tj. $C(T) = f(S_1(T), \dots, S_N(T))$ pro nějaké T)
- ▶ Otázka: jak vypadá C do času T , zejména v 0?

Připomenutí

- ▶ S_0 - peněžní trh, S_1, \dots, S_N - akcie, (\mathcal{F}_t - filtrace generovaná S_0, \dots, S_N)
- ▶ Trh je úplný (tj. pro každé t a každou \mathcal{F}_t -měřitelnou veličinu X existuje strategie obchodování s S_0, \dots, S_N taková, že $V(t) = X$ kde V je hodnota portfolia při této strategii)
- ▶ C - cena evropské opce (tj. $C(T) = f(S_1(T), \dots, S_N(T))$ pro nějaké T)
- ▶ Otázka: jak vypadá C do času T , zejména v 0?
- ▶ Odpověď: Cena je rovna hodnotě portfolia replikujícího $C(T)$

Připomenutí

- ▶ S_0 - peněžní trh, S_1, \dots, S_N - akcie, (\mathcal{F}_t - filtrace generovaná S_0, \dots, S_N)
- ▶ Trh je úplný (tj. pro každé t a každou \mathcal{F}_t -měřitelnou veličinu X existuje strategie obchodování s S_0, \dots, S_N taková, že $V(t) = X$ kde V je hodnota portfolia při této strategii)
- ▶ C - cena evropské opce (tj. $C(T) = f(S_1(T), \dots, S_N(T))$ pro nějaké T)
- ▶ Otázka: jak vypadá C do času T , zejména v 0?
- ▶ Odpověď: Cena je rovna hodnotě portfolia replikujícího $C(T)$
- ▶ Otázka: A kolik to je?

Připomenutí

- ▶ S_0 - peněžní trh, S_1, \dots, S_N - akcie, (\mathcal{F}_t - filtrace generovaná S_0, \dots, S_N)
- ▶ Trh je úplný (tj. pro každé t a každou \mathcal{F}_t -měřitelnou veličinu X existuje strategie obchodování s S_0, \dots, S_N taková, že $V(t) = X$ kde V je hodnota portfolia při této strategii)
- ▶ C - cena evropské opce (tj. $C(T) = f(S_1(T), \dots, S_N(T))$ pro nějaké T)
- ▶ Otázka: jak vypadá C do času T , zejména v 0?
- ▶ Odpověď: Cena je rovna hodnotě portfolia replikujícího $C(T)$
- ▶ Otázka: A kolik to je?
- ▶ Odpověď: $C(t) = \tilde{\mathbb{E}}(C(T)|\mathcal{F}_t)$, kde $\tilde{\mathbb{E}}$ je podm. stř. hod. vzhledem k ekvivalentní mře, pod níž jsou S_0, \dots, S_N martingaly.

Připomenutí

- ▶ S_0 - peněžní trh, S_1, \dots, S_N - akcie, (\mathcal{F}_t - filtrace generovaná S_0, \dots, S_N)
- ▶ Trh je úplný (tj. pro každé t a každou \mathcal{F}_t -měřitelnou veličinu X existuje strategie obchodování s S_0, \dots, S_N taková, že $V(t) = X$ kde V je hodnota portfolia při této strategii)
- ▶ C - cena evropské opce (tj. $C(T) = f(S_1(T), \dots, S_N(T))$ pro nějaké T)
- ▶ Otázka: jak vypadá C do času T , zejména v 0?
- ▶ Odpověď: Cena je rovna hodnotě portfolia replikujícího $C(T)$
- ▶ Otázka: A kolik to je?
- ▶ Odpověď: $C(t) = \tilde{\mathbb{E}}(C(T)|\mathcal{F}_t)$, kde $\tilde{\mathbb{E}}$ je podm. stř. hod. vzhledem k ekvivalentní mře, pod níž jsou S_0, \dots, S_N martingaly.
- ▶ Proč? Protože jsou-li ceny martingaly, pak je i hodnota libovolného porfolia martingalem.

E. Schlögl: odhad martingalové míry

- ▶ Martingalová míra závisí na (těžko odhadnutelném) modelu

E. Schlögl: odhad martingalové míry

- ▶ Martingalová míra závisí na (těžko odhadnutelném) modelu
- ▶ Nápad: vzít to obráceně a odhadnout martingalovou míru z cen na trhu

E. Schlögl: odhad martingalové míry

- ▶ Martingalová míra závisí na (těžko odhadnutelném) modelu
- ▶ Nápad: vzít to obráceně a odhadnout martingalovou míru z cen na trhu
- ▶ Tvrzení: mám-li k dispozici opcí pro každou reálnou realizační cenu, jsem z těchto cen schopen určit martingalovou míru.

E. Schlögl: odhad martingalové míry

- ▶ Martingalová míra závisí na (těžko odhadnutelném) modelu
- ▶ Nápad: vzít to obráceně a odhadnout martingalovou míru z cen na trhu
- ▶ Tvrzení: mám-li k dispozici opcí pro každou reálnou realizační cenu, jsem z těchto cen schopen určit martingalovou míru.
- ▶ E. S. navrhuje metodu odhadu této míry pomocí interpolace



Ještě opce...

- ▶ C. Chiarella: metoda výpočtu ceny americké opce při stochastické volatilitě a skokově difuzních cenách

Ještě opce...

- ▶ C. Chiarella: metoda výpočtu ceny americké opce při stochastické volatilitě a skokově difuzních cenách
- ▶ E. Platen: oceňování opcí bez rizikově neutrální míry

Ještě opce...

- ▶ C. Chiarella: metoda výpočtu ceny americké opce při stochastické volatilitě a skokově difuzních cenách
- ▶ E. Platen: oceňování opcí bez rizikově neutrální míry (Jak? Pomocí martingalové vlastnosti replikujícího portfolia vyděleného hodnotou v jistém smyslu nejrychleji rostoucího portfolia...).

Ještě opce...

- ▶ C. Chiarella: metoda výpočtu ceny americké opce při stochastické volatilitě a skokově difuzních cenách
- ▶ E. Platen: oceňování opcí bez rizikově neutrální míry (Jak? Pomocí martingalové vlastnosti replikujícího portfolia vyděleného hodnotou v jistém smyslu nejrychleji rostoucího portfolia...).
- ▶ A. Novikov a další: oceňování opcí v případě, že podkladové aktivum může zbankrotovat (kreditní riziko)).

Ještě opce...

- ▶ C. Chiarella: metoda výpočtu ceny americké opce při stochastické volatilitě a skokově difuzních cenách
- ▶ E. Platen: oceňování opcí bez rizikově neutrální míry (Jak? Pomocí martingalové vlastnosti replikujícího portfolia vyděleného hodnotou v jistém smyslu nejrychleji rostoucího portfolia...).
- ▶ A. Novikov a další: oceňování opcí v případě, že podkladové aktivum může zbankrotovat (kreditní riziko)).
- ▶ ...



Míry rizika

- ▶ Přípomínka: V článku Artzner a spol se jako koherentní definuje ta míra rizika, která je monotonní, sub-aditivní (konvexní (?)), translačně invariantní a homogenní

Míry rizika

- ▶ Přípomínka: V článku Artzner a spol se jako koherentní definuje ta míra rizika, která je monotonní, sub-aditivní (konvexní (?)), translačně invariantní a homogenní
- ▶ Damir Filipovic: Pro každou funkci f (na prostoru náhodných veličin) umí najít největší (uzavřenou) konvexní, monotoní a translačně invariantní funkci g majorizovanou f . Tento výsledek aplikuje na nekoherentní rizikové míry.

Míry rizika

- ▶ Přípomínka: V článku Artzner a spol se jako koherentní definuje ta míra rizika, která je monotonní, sub-aditivní (konvexní (?)), translačně invariantní a homogenní
- ▶ Damir Filipovic: Pro každou funkci f (na prostoru náhodných veličin) umí najít největší (uzavřenou) konvexní, monotoní a translačně invariantní funkci g majorizovanou f . Tento výsledek aplikuje na nekoherentní rizikové míry.
- ▶ Rama Cont: Zkoumá koherenci "empirických verzí" koherentních měr



Ostatní zajímavosti

- ▶ A. Bensoussan: Víceperiodická diskrétní verze CAPM (uvažuje úplný trh)

Ostatní zajímavosti

- ▶ A. Benoussan: Víceperiodická diskrétní verze CAPM (uvažuje úplný trh)
- ▶ J. Hinz: Model trhu s emisními povolenkami

Ostatní zajímavosti

- ▶ A. Bensoussan: Víceperiodická diskrétní verze CAPM (uvažuje úplný trh)
- ▶ J. Hinz: Model trhu s emisními povolenkami
- ▶ P. Hewlett: Optimální prodej na trhu s limitními objednávkami

Ostatní zajímavosti

- ▶ A. Bensoussan: Víceperiodická diskrétní verze CAPM (uvažuje úplný trh)
- ▶ J. Hinz: Model trhu s emisními povolenkami
- ▶ P. Hewlet: Optimální prodej na trhu s limitními objednávkami
- ▶ T. Suzuki: Optimální investice a konzumace s uvážením rizika zemětřesení



Dojmy

- ▶ Australská (spojitá) finanční matematika na vysoké úrovni
(uvažme, že populace je 20 mil)

Dojmy

- ▶ Australská (spojitá) finanční matematika na vysoké úrovni (uvažme, že populace je 20 mil)
- ▶ Výborně zorganizováno, avšak bez zvláštní péče o účastníka

Dojmy

- ▶ Australská (spojitá) finanční matematika na vysoké úrovni (uvažme, že populace je 20 mil)
- ▶ Výborně zorganizováno, avšak bez zvláštní péče o účastníka
- ▶ Totéž platí o lidech: mílí, korektní, ale nijak zvlášt' vřelí

Dojmy

- ▶ Australská (spojitá) finanční matematika na vysoké úrovni (uvažme, že populace je 20 mil)
- ▶ Výborně zorganizováno, avšak bez zvláštní péče o účastníka
- ▶ Totéž platí o lidech: mílí, korektní, ale nijak zvlášť vřelí
- ▶ Sydney: žádná historie, mnoho moře, perfektní MHD

Dojmy

- ▶ Australská (spojitá) finanční matematika na vysoké úrovni (uvažme, že populace je 20 mil)
- ▶ Výborně zorganizováno, avšak bez zvláštní péče o účastníka
- ▶ Totéž platí o lidech: mílí, korektní, ale nijak zvlášť vřelí
- ▶ Sydney: žádná historie, mnoho moře, perfektní MHD
- ▶ Finančnímu matematikovi vřele doporučuji

