

## Úloha 10.1

V jisté továrně zaměstnanci požadují dovolenou pro všechny v těch dnech, kdy někdo z nich má narozeniny. Ve všech ostatních dnech všichni pracují.

## Úloha 10.1

V jisté továrně zaměstnanci požadují dovolenou pro všechny v těch dnech, kdy někdo z nich má narozeniny. Ve všech ostatních dnech všichni pracují.

Vlastníci se snaží splnit jejich podmínky a přitom maximalizovat počet odpracovaných člověkodnů.

## Úloha 10.1

V jisté továrně zaměstnanci požadují dovolenou pro všechny v těch dnech, kdy někdo z nich má narozeniny. Ve všech ostatních dnech všichni pracují.

Vlastníci se snaží splnit jejich podmínky a přitom maximalizovat počet odpracovaných člověkodnů.

Kolik má továrna zaměstnanců?

## Poznámky ke střední hodnotě

*A study of whether cancer pamphlet information is written at an appropriate level to be read and understood by cancer patients.*

*The data consist of a sample of 63 patients whose reading level was determined and a sample of 30 pamphlets whose readability level was assessed on the same scale.*

# Poznámky ke střední hodnotě

*A study of whether cancer pamphlet information is written at an appropriate level to be read and understood by cancer patients.*

*The data consist of a sample of 63 patients whose reading level was determined and a sample of 30 pamphlets whose readability level was assessed on the same scale.*

průměr (letáky) = 9.8; medián (letáky) = 9

průměr (pacienti) = 8.6; medián (pacienti) = 9

# Poznámky ke střední hodnotě

*A study of whether cancer pamphlet information is written at an appropriate level to be read and understood by cancer patients.*

*The data consist of a sample of 63 patients whose reading level was determined and a sample of 30 pamphlets whose readability level was assessed on the same scale.*

průměr (letáky) = 9.8; medián (letáky) = 9

průměr (pacienti) = 8.6; medián (pacienti) = 9

Srovnej: *průměrný plat.*

# Poznámky ke střední hodnotě

*A study of whether cancer pamphlet information is written at an appropriate level to be read and understood by cancer patients.*

*The data consist of a sample of 63 patients whose reading level was determined and a sample of 30 pamphlets whose readability level was assessed on the same scale.*

průměr (letáky) = 9.8; medián (letáky) = 9

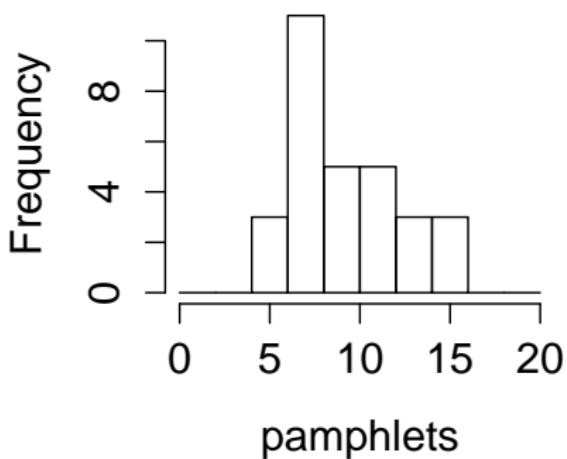
průměr (pacienti) = 8.6; medián (pacienti) = 9

Srovnej: *průměrný plat.*

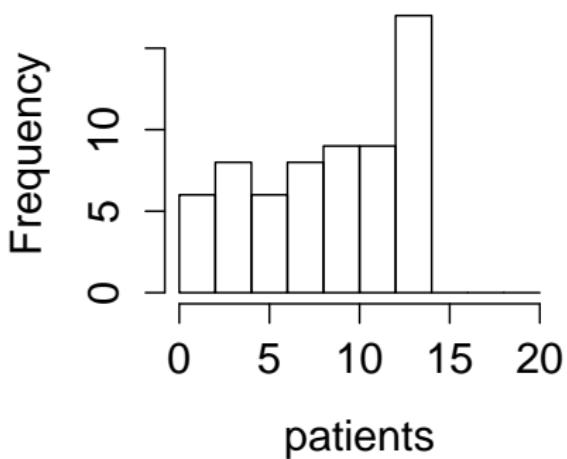
**K diskusi:** Odpovídá složitost letáčků potřebám a dovednostem pacientů?

# Poznámky ke střední hodnotě

**Histogram of pamphlets**



**Histogram of patients**



# Poznámky ke střední hodnotě – rozptyl

Míra polohy:  $\mathbb{E}X$

Míra variability:  $\mathbb{E}(X - \mathbb{E}X)^2$

# Poznámky ke střední hodnotě – rozptyl

Míra polohy:  $\mathbb{E}X$

Míra variability:  $\mathbb{E}(X - \mathbb{E}X)^2$

rozptyl (letáky) = 8.5

rozptyl (pacienti) = 15.1

## Úloha 10.2

Opilec stojí těsně před útesem. Kdyby udělal jeden krok směrem k útesu, spadne dolů.

## Úloha 10.2

Opilec stojí těsně před útesem. Kdyby udělal jeden krok směrem k útesu, spadne dolů.

Opilec provádí kroky náhodně, a to buď směrem od útesu s pravděpodobností  $p$ , nebo směrem k útesu s pravděpodobností  $q = 1 - p$ .

## Úloha 10.2

Opilec stojí těsně před útesem. Kdyby udělal jeden krok směrem k útesu, spadne dolů.

Opilec provádí kroky náhodně, a to buď směrem od útesu s pravděpodobností  $p$ , nebo směrem k útesu s pravděpodobností  $q = 1 - p$ .

Jaká je pravděpodobnost, že nespadne z útesu?

## Úloha 10.3

V tenisu se při jednotlivých hrách počítá skóre pomocí 0, 15, 30, 40. Při stavu 40:40 jde o shodu. V takové situaci musí hráč vyhrát dvakrát za sebou, aby získal hru. Pokud vyhraje jednou, získá výhodu. Když pak zase hned prohraje, znova jde o shodu.

## Úloha 10.3

V tenisu se při jednotlivých hrách počítá skóre pomocí 0, 15, 30, 40. Při stavu 40:40 jde o shodu. V takové situaci musí hráč vyhrát dvakrát za sebou, aby získal hru. Pokud vyhraje jednou, získá výhodu. Když pak zase hned prohraje, znova jde o shodu.

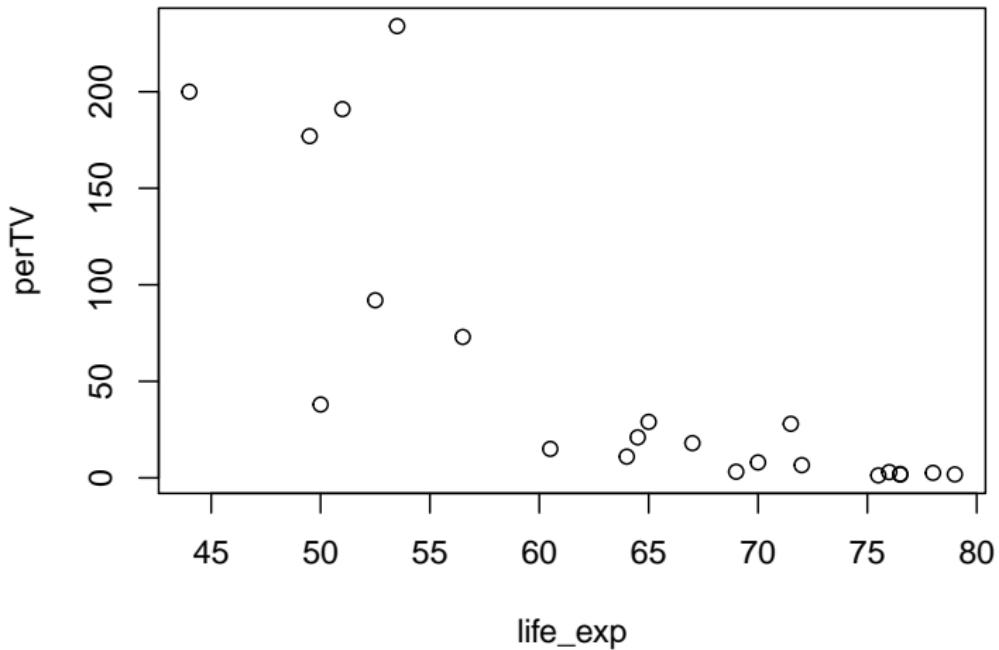
Předpokládejme, že hráč  $A$  získá míček s pravděpodobností  $p$  a hráč  $B$  s pravděpodobností  $q = 1 - p$ . Dále předpokládejme, že míčky jsou získávány nezávisle na sobě.

## Úloha 10.3

V tenisu se při jednotlivých hrách počítá skóre pomocí 0, 15, 30, 40. Při stavu 40:40 jde o shodu. V takové situaci musí hráč vyhrát dvakrát za sebou, aby získal hru. Pokud vyhraje jednou, získá výhodu. Když pak zase hned prohraje, znova jde o shodu.

Předpokládejme, že hráč  $A$  získá míček s pravděpodobností  $p$  a hráč  $B$  s pravděpodobností  $q = 1 - p$ . Dále předpokládejme, že míčky jsou získávány nezávisle na sobě.

Jaká je pravděpodobnost, že hráč  $A$  vyhraje hru? Jaká je pro hráče  $B$ ? Je jisté, že hra skončí? Jak dlouho průměrně budou takovou hru hrát?



Obrázek: Očekávaná délka života vs. počet obyvatel na jednu televizi.

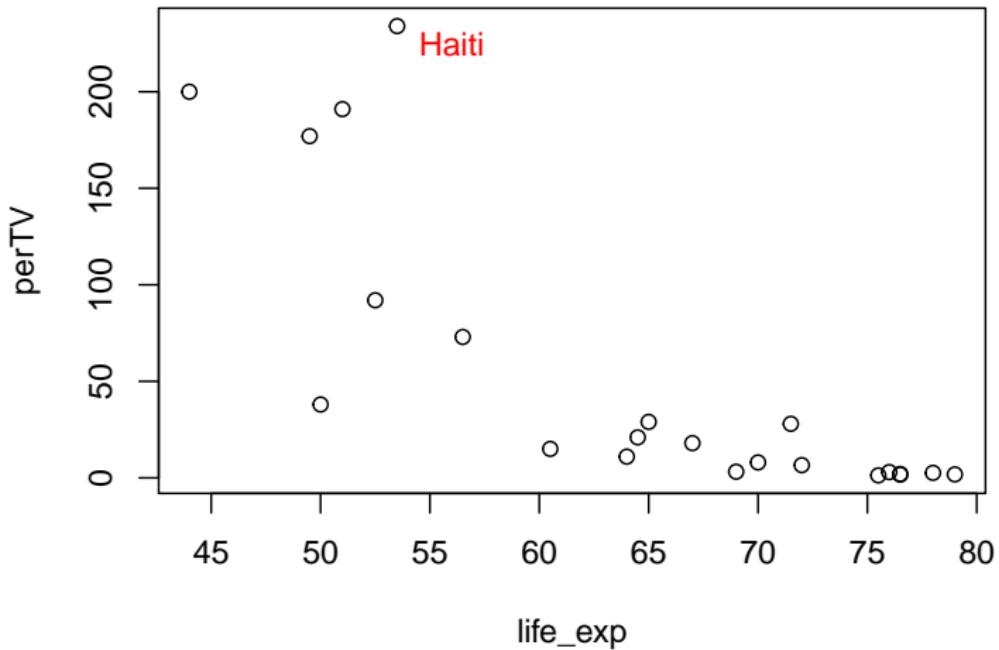
## Hlasovací otázka 12

Jak spolu souvisí očekávaná délka života v dané zemi a počet obyvatel na jednu televizi?

## Hlasovací otázka 12

Jak spolu souvisí očekávaná délka života v dané zemi a počet obyvatel na jednu televizi?

- A)** Vysoký počet obyvatel na jednu televizi snižuje očekávanou délku života,
- B)** vysoká očekávaná délka života snižuje počet obyvatel na jednu televizi,
- C)** veličiny spolu souvisí jinak,
- D)** veličiny spolu nesouvisí.



Obrázek: Očekávaná délka života vs. počet obyvatel na jednu televizi.

## Úloha 10.4

Hráč má 900 korun a chce získat částku  $a$  korun. Vsadí-li částku  $x$ , tak buď s pravděpodobností  $p$  vyhraje a získá navíc částku  $x$  nebo s pravděpodobností  $1 - p$  vsazenou částku prohraje. Hra končí, jakmile vše prohraje nebo má požadovanou částku  $a$  korun. Uvažme situace:

- I.  $a = 1\,000\,000$  a  $p = 1/2$ ,
- II.  $a = 1\,000$  a  $p = 18/38$ .

Pokud hráč volí opatrnnou strategii a pokaždé vsadí jen 1 korunu ( $x = 1$ ), je pravděpodobnější, že dosáhne cíle  $a$  v první nebo druhé situaci? Jak by to vypadalo při odvážnějších strategiích volit vždy  $x = 10$  nebo  $x = 100$ ? Co kdybychom dále uvažovali

- III.  $a = 1\,000$  a  $p = 18/37$ ,
- IV.  $a = 1\,000$  a  $p = 1/2$ ?