

**Věta 0.1** (Darbouxova vlastnost pro spojité funkce). *Je-li  $f \in C([a, b])$ , potom  $f([a, b])$  je omezený uzavřený interval.*

**Věta 0.2** (Darbouxova vlastnost pro  $C((a, b))$ ). *Je-li  $f \in C((a, b))$  ryze monotonní, potom  $f((a, b))$  je otevřený interval.*

**Věta 0.3** (spojitost inverzní funkce). *Je-li  $f \in C((a, b))$  ryze monotonní, potom  $f^{-1}$  je spojitá (ve všech bodech definičního oboru).*

**Věta 0.4** (Rolleova). *Je-li  $f \in C([a, b])$ ,  $a < b$ ,  $f'$  existuje na  $(a, b)$  a  $f(a) = f(b)$ . Potom existuje  $\xi \in (a, b)$ , že  $f'(\xi) = 0$ .*

**Věta 0.5** (Lagrangeova o střední hodnotě). *Je-li  $f \in C([a, b])$ ,  $a < b$ ,  $f'$  existuje na  $(a, b)$ . Potom existuje  $\xi \in (a, b)$ , že  $f'(\xi) = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$ .*

**Věta 0.6** (derivace a monotonie - kdysi jako Věta ??). *Je-li  $f \in C((a, b))$  a existuje-li  $f'$  na  $(a, b)$ , potom:*

1. pokud  $f' > 0$  na  $(a, b)$ , potom  $f$  je rostoucí na  $(a, b)$ ,
2. pokud  $f' < 0$  na  $(a, b)$ , potom  $f$  je klesající na  $(a, b)$ ,
3. pokud  $f' \geq 0$  na  $(a, b)$ , potom  $f$  je neklesající na  $(a, b)$ ,
4. pokud  $f' \leq 0$  na  $(a, b)$ , potom  $f$  je nerostoucí na  $(a, b)$ .