

ŘADY

Vyšetřete konvergenci následujících řad (popř. v závislosti na parametre).

1.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 + 3n + 4}{n^2 + 5}$$

2.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{n^4 + 1}$$

3.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{n^3 + 1}$$

4.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n^2 + 6n + 7}{3n^4 + 4n + 8}$$

5.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 + 7n}{n^3 + 2n^2 + 1}$$

6.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\sqrt[3]{n^2 + 5} - \sqrt[3]{n^2 + 1} \right)$$

7.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1 + \sqrt[3]{n^2}}{1 + \sqrt{n^3}}$$

8.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{c^n}{n!}, \text{ kde } c \geq 0$$

9.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{2^n}$$

10.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n + 4^n}{4^n + 5^n}$$

11.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n!)^2}{(2n)!}$$

12.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1 + \cos n}{2 + \cos n} \right)^n$$

13.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n!)^2}{2^{n^2}}$$

14.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{c^n}{3^n \sqrt{n}}, \text{ kde } c \geq 0$$

15.
$$\sum_{n=3}^{\infty} \frac{3}{2^n - 2n}$$

16.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{c^n}{n^2}, \text{ kde } c \geq 0$$

17.
$$\sum_{k=1}^{\infty} \left(1 - \cos \frac{1}{n} \right)$$

18.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n}$$

19.
$$\sum_{n=3}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\log(\log n)}$$

20.
$$\sum_{n=3}^{\infty} (-1)^n \frac{2n^2 + 3n + 4}{(2n^2 + 5)^2}$$

21.
$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!} \text{ pro } x \in \mathbb{R}$$

22.
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \left(\sqrt[n]{3} - 1 \right)$$

23.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1} x^n}{n} \text{ pro } x \in \mathbb{R}$$

24.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{3n - 100\sqrt{n}}$$

VÝSLEDKY

„K“ znamená, že řada konverguje,
„D“ znamená, že řada diverguje.

- 1.** D
- 2.** K
- 3.** D
- 4.** K
- 5.** D
- 6.** K
- 7.** D
- 8.** K
- 9.** K
- 10.** K
- 11.** K
- 12.** K
- 13.** K
- 14.** K pro $c < 3$, jinak D.
- 15.** K
- 16.** K pro $c \leq 1$, jinak D.
- 17.** K
- 18.** K
- 19.** K
- 20.** K
- 21.** K pro všechna $x \in \mathbb{R}$. Poznámka: Platí $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!} = e^x$, $x \in \mathbb{R}$.
- 22.** K
- 23.** K pro $x \in (-1, 1]$, jinak D.
Poznámka: Platí $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1} x^n}{n} = \log(1+x)$, $x \in (-1, 1]$.
- 24.** K