

Pozorně si přečtete zadání. Můžete používat jakékoliv zdroje, kromě pomoci ostatních studentů. U příkladů NEpište postup, stačí výsledek. Ten pište přímo do zadání.

Maximum je 18 bodů. K výsledku se přičte polovina z bodů za domácí úkoly (6-8, tj. max. 6 bodů). Celkově je třeba alespoň 14 bodů.

1. (3b) Najděte nejmenší přirozené číslo  $x$ , které (současně) splňuje

$$x \equiv 0 \pmod{2}$$

$$x \equiv 2 \pmod{3}$$

$$x \equiv 4 \pmod{5}$$

$$x \equiv 3 \pmod{7}$$

2. (3b) Spočítejte poslední cifru čísla  $2^{3^{2^3}}$  v desítkovém zápisu.
3. (2b) Spočítejte počet prvků řádu 4 v grupě  $\mathbb{Z}_{12}$ .
4. (2b) Spočítejte počet prvků řádu 3 v grupě  $\mathbb{Z}_7^*$ .
5. (1b) Rozhodněte, zda svaz  $N_5$  (pentagon) je
  - (a) distributivní
  - (b) modulární
6. (1b) Rozhodněte, zda svaz  $M_3$  (diamant) je
  - (a) distributivní
  - (b) modulární
7. (2b) Spočítejte počet podsvazů (tj. podalgeber) svazu  $M_3$  (prázdna množina je podalgebrou). Pokud se výsledek bude lišit od správného nejvýše o 2, máte 1b.
8. (2b) Spočítejte počet kongruencí svazu  $N_5$  (včetně triviálních).
9. (2b) Nakreslete Hasseův diagram svazu  $(X, |)$ , kde  $X = \{1, 2, 3, 6, 9, 18\}$  a  $|$  je relace dělitelnosti.