

**ALGEBRAICKÉ KŘIVKY (NMAG302)**  
**DOMÁCÍ ÚLOHY 1**

*Termín odevzdání: 30. 3. 2016*

(1) Najděte generátory ideálu  $I(Y) \subseteq \mathbb{R}[x, y, z]$ , kde  $Y \subseteq \mathbb{A}^3(\mathbb{R})$  je sjednocení souřadnicových os  $x$ ,  $y$  a  $z$ .

(2) Ukažte, že

$$f: \mathbb{A}^1(\mathbb{R}) \longrightarrow V(\{x^4 + x^2y - y^3\}) \quad (\subseteq \mathbb{A}^2(\mathbb{R}))$$
$$t \longmapsto (t(t^2 - 1), t^2(t^2 - 1))$$

je dobře definované a surjektivní polynomiální zobrazení. Popište odpovídající zobrazení

$$f^*: \mathbb{R}[x, y]/(x^4 + x^2y - y^3) \longrightarrow \mathbb{R}[t]$$

mezi souřadnicovými okruhy. Odpovědi zdůvodněte.

(3) Ukažte, že  $X = V(\{y^2 - x^3, z - x^2\})$  je ireducibilní algebraická množina v  $\mathbb{A}^2(\mathbb{R})$ .

(Nápověda: Najděte vhodnou polynomiální parametrizaci  $f: \mathbb{A}^1(\mathbb{R}) \rightarrow X$  a převed'te problém na ireducibilitu  $\mathbb{A}^1(\mathbb{R})$ ).