



15. cvičení – Trigonometrické funkce + lepení

<https://www2.karlin.mff.cuni.cz/~kuncova/vyuka.php>, kuncova@karlin.mff.cuni.cz

Teorie

Věta 1. Nechť g je **spojitá** funkce na otevřeném intervalu I . Potom g má na I primitivní funkci.

Postup

1. Určíme intervaly **spojitosti** funkce g .
2. Otestujeme, která **substituce** bude vhodná.
3. Určíme **intervaly** pro substituci. Do intervalů vstupuje
 - (a) definiční obor $g(x)$,
 - (b) intervaly substituce $\varphi(x)$,
 - (c) intervaly funkce $f(t)$, která vznikne po substituci, mohou ovlivnit intervaly pro funkci $\varphi(x)$.
4. Provedeme **substituci**.
5. Vyřešíme **parciální zlomky**.
6. Vrátime substituci.
7. Je-li to nutné, **slepíme**. Lepíme v bodech, kde původní funkce g je spojitá, ale substituce tam nefunguje.
 - (a) Spočteme **limity** zleva a zprava pro $G(x)$.
 - (b) Doladíme konstanty tak, aby výsledek byl spojitý.
 - (c) Sepíšeme **závěr**.

Varování: Nelze lepit v bodech, kde g není definovaná.

Příklady

Najděte primitivní funkce

1. $g(x) = \frac{1}{2 \sin x - \cos x + 5}$.

2. $g(x) = \frac{1}{2 - \sin x}$

3. $g(x) = \frac{1}{1 + \sin x}$

4. $g(x) = \frac{\sin^2 x}{1 + \sin^2 x}$

5. $g(x) = \frac{1}{(1 - \cos^2 x)(1 + \cos^2 x)}$

6. $g(x) = \frac{1 + \sin x}{2 + \cos x}$

7. $g(x) = \frac{\sin^2 x - \cos^2 x}{\sin^2 x + 4 \cos^2 x}$

8. $g(x) = \frac{1}{\sin x + 2}$

$x \cot = t \text{ (8) } \bullet$

$(3) \vee \text{ bodech } \frac{x}{2} + 2k\pi \text{ nelépíme } \bullet$