



## 14. cvičení – Goniometrické substituce

<https://www2.karlin.mff.cuni.cz/~kuncova/vyuka.php>, kuncova@karlin.mff.cuni.cz

### Postup

1. Určíme intervaly **spojitosti** funkce  $f$ .
2. Otestujeme, která **substituce** bude vhodná.
3. Určíme **intervaly** pro substituci.
4. Provedeme substituci.
5. Vyřešíme parciální zlomky.
6. Vrátíme substituci.
7. Doladíme **podmínky** a výsledek.

### Příklady

Najděte primitivní funkce

$$1. \ g(x) = \frac{\sin x}{1 + \cos x}$$

$$2. \ g(x) = \frac{1}{1 + \sin^2 x}$$

$$3. \ g(x) = \frac{3\sin^2 x + \cos^2 x}{\sin^2 x + 3\cos^2 x}$$

$$4. \ g(x) = \frac{\cos^3 x}{2 - \sin x}$$

$$5. \ g(x) = \frac{1}{2 - \cos x}$$

$$6. \ g(x) = \frac{1}{\sin x}$$

$$7. \ \clubsuit \ g(x) = \frac{1}{\cos x \sin^3 x}$$

$$8. \ g(x) = \frac{\sin x}{\sin x - \cos x}$$

$$9. \ g(x) = \frac{\sin^3 x}{1 + 4\cos^2 x + 3\sin^2 x}$$

$$10. \ \clubsuit \ g(x) = \operatorname{tg}^5 x$$

$$11. \ g(x) = \frac{\sin x}{1 + \sin x}$$

$$12. \ g(x) = \frac{2 - \sin x}{2 + \cos x}$$