

13. cvičení

<http://www.karlin.mff.cuni.cz/~kuncova/>, kunck6am@natur.cuni.cz

Teorie

Pro substituci $x = \tan t$ platí vztahy:

$$t = \arctan x \quad \sin^2 t = \frac{x^2}{1+x^2}, \quad \cos^2 t = \frac{1}{1+x^2}, \quad \sin t \cos t = \frac{x}{1+x^2} \quad (1)$$

Příklady

Najděte primitivní funkce na největším možném intervalu:

$$1. \ f(x) = -\frac{3}{16} \frac{1}{(x^2 + 1)^2}$$

$$2. \ f(x) = \frac{1}{(x^2 + x + 1)^2}$$

$$3. \ f(x) = \frac{x^2}{(x^2 + 2x + 2)^2}$$

$$4. \ f(x) = \frac{1}{(x^2 + 1)^3}$$

$$5. \ f(x) = \frac{x^2 + 3x - 2}{(x-1)(x^2 + x + 1)^2}$$

$$6. \ f(x) = \frac{x^2 + 1}{(x^4 + x^2 + 1)^2}$$

$$7. \ f(x) = \frac{1}{(x^3 + 1)^2}$$

$$8. \ f(x) = \frac{x^9}{(x^{10} + 2x^5 + 2)^2}.$$