

## 11. cvičení

<http://www.karlin.mff.cuni.cz/~kuncova/>  
kytaristka@gmail.com

### Teorie

$$\tan^2 t + 1 = \frac{1}{\cos^2 t}$$

### Příklady

Najděte primitivní funkce na největším možném intervalu:

1. (a)  $f(x) = \frac{1}{(x^2 + 1)^3}$  (e)  $f(x) = \frac{1}{(x^3 + 1)^2}$   
(b)  $f(x) = \frac{x^2 + 3x - 2}{(x - 1)(x^2 + x + 1)^2}$  (f)  $f(x) = \frac{3}{16} \frac{1}{(x^2 + 1)^2}$   
(c)  $f(x) = \frac{x^2 + 1}{(x^4 + x^2 + 1)^2}$   
(d)  $f(x) = \frac{1}{(x^2 + x + 1)^2}$  (g)  $f(x) = \frac{x^9}{(x^{10} + 2x^5 + 2)^2}.$
2. (a)  $f(x) = \frac{x}{x^8 - 1}$  (d)  $f(x) = \frac{x^4 - 3}{x(x^8 + 3x^4 + 2)}$   
(b)  $f(x) = \frac{x^3}{x^8 + 3}$  (e)  $f(x) = \frac{x^{11}}{x^8 + 3x^4 + 2}$   
(c)  $f(x) = \frac{x^2 + x}{x^6 + 1}$  (f)  $f(x) = \frac{1}{x(x^{10} + 2)}.$
3. (a)  $f(x) = \frac{x^{2n-1}}{x^n + 1}$ , kde  $n \in \mathbb{N}$ . (b)  $f(x) = \frac{x^{3n-1}}{(x^{2n} + 1)^2}$ , kde  $n \in \mathbb{N}$ .