

- k) $(\text{non}(A \Rightarrow B)) \Leftrightarrow (A \wedge (\text{non} B))$
 l) $(\text{non}(A \Leftrightarrow B)) \Leftrightarrow ((A \wedge (\text{non} B)) \vee (B \wedge (\text{non} A)))$

7. Zapište negaci výroku

$$\exists x \in \mathbb{R} : \cos x = \sqrt{1 - \sin^2 x}$$

a rozhodněte, který z výroků je pravdivý.

8. Platí následující výroky?

- a) $\forall a \in \mathbb{R} \exists \varepsilon > 0 \exists \alpha \in \mathbb{R} \forall x \in (a, a + \varepsilon) : x \in (a, a + \varepsilon) \Leftrightarrow |x - \alpha| < 1$
 b) $\exists a \in \mathbb{R} \forall \varepsilon > 0 \forall \alpha \in \mathbb{R} \exists x \in (a, a + \varepsilon) : x \in (a, a + \varepsilon) \Leftrightarrow |x - \alpha| < 1$

9. Dokažte:

- a) $C \setminus (A \cup B) = (C \setminus A) \cap (C \setminus B)$
 b) $C \setminus (A \cap B) = (C \setminus A) \cup (C \setminus B)$
 c) Nechť $A_i, i = 1, 2, \dots$ je systém libovolných množin a nechť $B_n = \bigcup_{i=1}^n A_i$. Potom $\bigcup_{n=1}^{\infty} A_n = \bigcup_{n=1}^{\infty} B_n$.

10. Dokažte, že je-li f zobrazení, pak

$$f(M_1) \setminus f(M_2) \subset f(M_1 \setminus M_2).$$

(M_1, M_2 jsou podmnožiny definičního oboru f .) Kdy platí rovnost?

11. Nechť $\varphi : [0, \infty) \rightarrow [1, \infty)$ je bijekce a nechť $\psi(x) = \sqrt{\varphi(x)^2 - 1}$. Dokažte, že existuje inverzní funkce ψ^{-1} a vyjádřete ji pomocí φ^{-1} . Určete $D_{\psi^{-1}}$.