

Úvod

1. cvičení - Opakování středoškolské látky

Vyřešte

$$\begin{aligned}\sqrt{x^2 + 2x - 3} &\geq \sqrt{x^2 + 3x - 4} \\ \sqrt{x - 2} - \sqrt{x - 5} &= 1 \\ ||x - 3| - 2| &= 1 \\ \log_{\frac{1}{3}}(x^2 - 3x + 2) &\geq 0\end{aligned}$$

Výroky

Znegujte následující výroky a rozhodněte, jestli platí výrok, nebo jeho negace:

- $\forall x, y \in \mathbf{R} \ x^2 + y^2 > 0$.
- $\forall x \in \mathbf{R} \ \exists y \in \mathbf{N} \ [(y \leq x) \wedge (y + 1 > x)]$.
- $\forall \varepsilon > 0 \ \exists \delta > 0 \ \forall x \in \mathbf{R} \ [(0 < |x - 1| < \delta) \Rightarrow (|x - 3| < \varepsilon)]$.

Nalezení inverze. Mějme zadanou funkci $f(x) = \frac{2\sqrt{x}}{4 - \sqrt{x}}$. Nalezněte definiční obor D_f , inverzi f^{-1} a obor hodnot H_f .

Příklady na matematickou indukci

Dokažte:

- $\sum_{i=1}^n (2i - 1) = n^2$, pro všechna $n \in \mathbf{N}$.
- $\sum_{i=1}^n i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$, pro všechna $n \in \mathbf{N}$.
- $2^n \geq n^2$, pro všechna $n \geq 4$.
- $(1+x)^n \geq (1+nx)$, pro všechna $n \in \mathbf{N}$ a $x > -1$.