

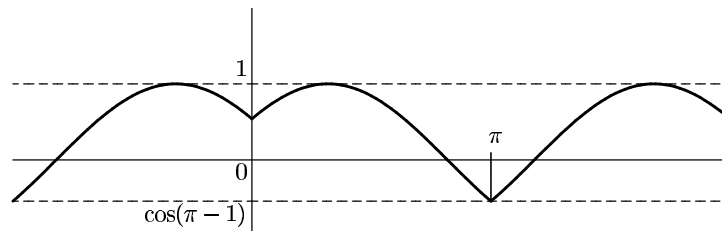
Příklad 1: $\operatorname{tg} x + \operatorname{cotg} x + 2 \log |\operatorname{tg} x - 1| - 2 \log |\operatorname{tg} x + 1| + C$ na každém z intervalů $(k\frac{\pi}{4}, (k+1)\frac{\pi}{4})$, $k \in \mathbf{Z}$. Lze použít substituci $y = \operatorname{tg} x$.

Příklad 2: $f_n \rightarrow 1$ na \mathbf{R} . Konvergence je stejnoměrná na intervalech $(-\infty, -\varepsilon)$ a $(\varepsilon, +\infty)$ pro $\varepsilon > 0$, není stejnoměrná na $(0, \varepsilon)$ ani na $(-\varepsilon, 0)$ pro $\varepsilon > 0$.

Příklad 3: f má vlastní derivaci v každém bodě množiny $\mathbf{R} \setminus \{k\pi : k \in \mathbf{Z}\}$, v ostatních bodech má vlastní derivaci zleva i vlastní derivaci zprava a ty jsou různé.

Příklad 4: $\frac{2}{\pi} \sin 1 + \cos 1 \cdot \cos x + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{-4 \sin 1}{\pi(4n^2-1)} \cos 2nx$.

Graf součtu:



Příklad 5: (a) NE. Například $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$. (b) Například $f_n(x) = \begin{cases} 0 & x \in \langle \frac{1}{n}, 1 \rangle \\ n^3 & x \in (0, \frac{1}{n}) \end{cases}$.

(c) NE. Například $f(x) = \frac{1}{x-3}$. (d) NE. Lze snadno ukázat, že hranice je vždy uzavřená množina. (e) NE. $\langle 0, 1 \rangle$ je kompaktní a $(0, 1)$ ne.