

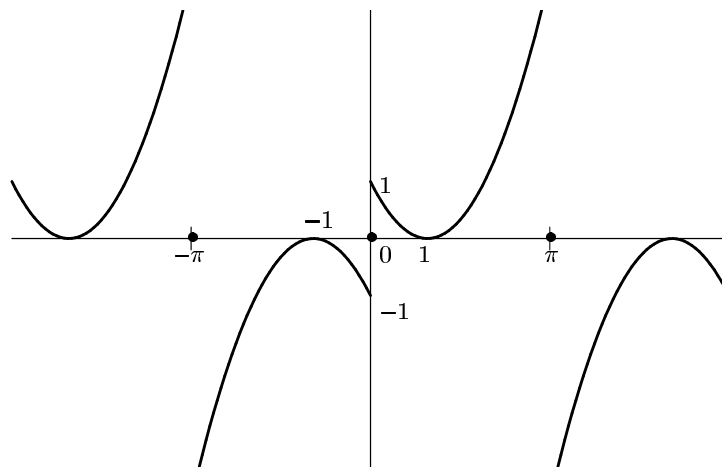
**Příklad 1:**  $-\frac{1}{6} \log|x-1| - \frac{1}{3(x-1)} + \frac{1}{2} \log|x+1| - \frac{1}{6} \log(x^2+x+1) - \frac{1}{\sqrt{3}} \operatorname{arctg} \frac{2x+1}{\sqrt{3}} + C$   
na každém z intervalů  $(-\infty, -1)$ ,  $(-1, 1)$  a  $(1, +\infty)$ .

**Příklad 2:**  $f_n \rightarrow 0$  stejnoměrně na  $\langle 0, 1 \rangle$ , pro  $x > 1$  nekonverguje.

**Příklad 3:**  $f$  je definovaná a spojitá na  $\mathbf{R}$  (řada konverguje stejnoměrně na intervalech  $(c, +\infty)$ ,  $c \in \mathbf{R}$ ). Limita v  $+\infty$  je  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^{-2n}}{n}$  (lze použít větu o záměně limit), limita v  $-\infty$  je  $+\infty$  (lze použít větu o policaitech).

**Příklad 4:**  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{2}{n\pi} (1 - (-1)^n (\pi - 1)^2) - \frac{4}{n^3\pi} (1 - (-1)^n) \right) \sin nx$

Graf součtu:



**Příklad 5:** (a) Například  $f(x) = \frac{1}{x-1}$ . (b) NE. Například  $f_n(x) = \frac{1}{x} + \frac{1}{n}$ . (c) ANO. Protože řada konverguje stejnoměrně na  $\mathbf{R}$ , je její součet spojitý a ona je Fourierovou řadou svého součtu. (d) ANO,  $\mathbf{R}^2 \setminus \{(0, 0), (1, 1)\}$ . (e) NE. Například  $f(x) = \operatorname{sgn} x$ ,  $A = \{0\}$ ,  $B = (0, +\infty)$ .