

I.1 O čem a k čemu je matematika (a také nějaké značení a opakování)

O ČEM JE MATEMATIKA?

- Matematika je věda o abstraktních pojmech a vztazích mezi nimi.
- Předmětem matematiky je formulování a odvozování nových vztahů mezi pojmy (tzv. „matematických vět“).
- Přitom je často účelné zavádět nové pojmy (pomocí tzv. „definic“).

K ČEMU TO JE?

- Je to pěkné a zajímavé.
- Cvičí to mysl.
- Umožňuje to modelovat reálné situace (například z ekonomického života nebo z biologie, fyziky atp.).
- Umožňuje to získávat přesné výsledky o modelech přibližně odpovídajících skutečnosti.

MNOŽINY A JEJICH PRVKY

- $x \in A$... x je prvkem množiny A
- $x \notin A$... x není prvkem množiny A
- $A \subset B$ nebo $A \subseteq B$... množina A je podmnožinou množiny B
- \cap ... průnik, \cup ... sjednocení
- $A \setminus B = \{x \in A: x \notin B\}$... rozdíl množin
- \emptyset ... prázdná množina
- disjunkttní množiny ... A a B jsou disjunkttní, pokud $A \cap B = \emptyset$
- kartézský součin ... $A_1 \times A_2 \times \cdots \times A_n$

VÝROKOVÁ LOGIKA – LOGICKÉ SPOJKY

- Výrok je tvrzení, které je pravdivé nebo nepravdivé.
- & nebo \wedge ... konjunkce, logické „a“
- \vee ... disjunkce (alternativa), logické „nebo“
- \Rightarrow ... implikace
- \Leftrightarrow ... ekvivalence
- \neg nebo *non* ... negace
- Tautologie je složený výrok, který je pravdivý nezávisle na pravdivosti elementárních výroků
- Příklady tautologií:
 $A \vee \text{non}(A)$; $\text{non}(A \& \text{non}(A))$;
 $(A \Rightarrow B) \Leftrightarrow (\text{non}(B) \Rightarrow \text{non}(A))$; $(A \Rightarrow B) \Leftrightarrow \text{non}(A \& \text{non}(B))$;
 $\text{non}(A \& B) \Leftrightarrow (\text{non}(A) \vee \text{non}(B))$; $\text{non}(A \vee B) \Leftrightarrow \text{non}(A) \& \text{non}(B)$;
 $(A \Leftrightarrow B) \Leftrightarrow ((A \Rightarrow B) \& (B \Rightarrow A))$

VÝROKOVÉ FORMY A KVANTIFIKÁTORY

- Výroková forma je výraz, z něhož vznikne výrok dosazením prvků daných množin za proměnné. Obecný zápis:
 $A(x_1, \dots, x_n), x_1 \in M_1, \dots, x_n \in M_n$.
- Je-li $A(x), x \in M$ výroková forma, pak výrok „Pro každé $x \in M$ platí $A(x)$.“ zapisujeme ve tvaru $\forall x \in M: A(x)$. Výrok „Existuje $x \in M$, pro které platí $A(x)$.“ zapisujeme $\exists x \in M: A(x)$.
- $\forall x \in M \exists y \in N: A(x, y)$ znamená $\forall x \in M: (\exists y \in N: A(x, y))$ atp.
- Negace výroků s kvantifikátory:
 $\text{non}(\forall x \in M: A(x))$ je ekvivalentní $\exists x \in M: \text{non}(A(x))$;
 $\text{non}(\exists x \in M: A(x))$ je ekvivalentní $\forall x \in M: \text{non}(A(x))$.