

## Cvičení 10

4.11.2011

**Příklad 1.** Určete u následujících funkcí průsečíky grafů funkcí s osami, maximální intervaly ostré monotonie a lokální extrémů:

$$\begin{array}{lll} a) f(x) = \frac{x}{x^2-1}, & b) f(x) = \frac{\ln x}{x}, & c) f(x) = x - \sin x, \\ d) f(x) = |x+1| + |x-1|, & e) f(x) = \frac{\cos x}{2-\cos x}, & f) f(x) = \cos \frac{\pi}{x}, \\ g) f(x) = x + |\sin x|, & h) f(x) = \frac{x^3}{2x}, & i) f(x) = -x^3 + 4x, \\ j) f(x) = \ln \cosh x, & k) f(x) = e^{\sin^2 x}, & l) f(x) = (2x-3) \cdot e^{-|x-1|}, \\ m) f(x) = x^2 \cdot e^{-x}, & n) f(x) = \sqrt[3]{\frac{x^2}{x+1}}, & o) f(x) = \left(\frac{4+x}{4-x}\right)^4. \end{array}$$

**Příklad 2.** Pro které kladné číslo  $x$  je jeho součet s převrácenou hodnotou minimální?  
Pro které číslo  $x$  je jeho rozdíl s jeho druhou mocninou maximální?

**Příklad 3.** Určete rozměry obdelníku tak, aby při daném obvodu 20cm měl maximální obsah.

**Příklad 4.** Určete rozměry válcové nádoby s víkem i bez víka tak, aby při objemu 2l měla tato nádoba minimální povrch.

**Příklad 5.** Ukažte, že funkce  $f(x) = \frac{2x+3}{x-6}$  nemá ve své definičním oboru extrém.

**Příklad 6.** Pro funkci  $f$  najděte v uvedeném intervalu  $I$  bod  $c$ , který má vlastnost z Lagrangeovy věty:

$$a) f(x) = (x^2 - 1) \cdot (x - 2), I = \langle 1; 2 \rangle, \quad b) f(x) = \ln x, I = \langle 1; a \rangle, a > 1.$$