

12. Nalezněte nutné a postačující podmínky na reálné konstanty a , b a c , aby následující funkce byly holomorfní
- $f(z) = x + ay + i(bx + cy)$
 - $f(z) = \cos x(\cosh y + a \sinh y) + i \sin x(\cosh y + b \sinh y)$.
13. Ukažte, že reálná funkce $f(x + iy) = f(z) = \sqrt{|xy|}$ splňuje v počátku Cauchy–Riemannovy podmínky, ale nemá tam derivaci podle z .
14. Dokažte, že platí
- $(\sinh z)' = \cosh z$
 - $(\cosh z)' = \sinh z$
 - $(\sin z)' = \cos z$
 - $(\cos z)' = -\sin z$.
15. Nalezněte holomorfní funkci (na příslušné oblasti) $f(z) = u(x, y) + iv(x, y)$, je-li
- $u(x, y) = x^2 - y^2 + e^x(x \cos y - y \sin y)$
 - $u(x, y) = x^2 - y^2 + 5x + y - \frac{y}{x^2 + y^2}$
 - $v(x, y) = \ln(x^2 + y^2) + x - 2y$.