

Direktní součet, direktní sčítanec, direktní doplněk. Jestliže pro podprostory V_1 a V_2 vektorového prostoru V platí $V = V_1 + V_2$ a $V_1 \cap V_2 = O$, říkáme, že V je direktním součtem svých podprostorů V_1 a V_2 a píšeme $V = V_1 \oplus V_2$. Přitom je V_2 direktním doplňkem podprostoru V_1 a rovněž V_1 je direktním doplňkem podprostoru V_2 . [Rovnost $V_1 \cap V_2 = O$ znamená, že průnik podprostorů V_1, V_2 je nulový podprostor, tj. obsahuje pouze nulový vektor.]

Jestliže je $M = \{v_1, v_2, v_3, \dots, v_n\}$ bází prostoru V , je prostor V direktním součtem svých podprostorů $V_1 = [v_1, v_2, v_3, \dots, v_i]$ a $V_2 = [v_{i+1}, v_{i+2}, v_{i+3}, \dots, v_n]$. **Tedy:** Rozdělíme-li jakoukoli bázi prostoru V na dvě části, získáme báze dvou podprostorů, jejichž je V direktním součtem. Každý podprostor V_1 vektorového prostoru V je jeho direktním sčítancem, tj. existuje k němu direktní doplněk. Stačí vzít libovolnou bázi podprostoru V_1 , rozšířit ji na bázi celého prostoru V , a potom ty vektory, které jsme přidali, vzít jako bázi direktního doplňku V_2 podprostoru V_1 v prostoru V . [Direktním doplňkem nulového podprostoru O v prostoru V je celý prostor V . Direktním doplňkem prostoru V v prostoru V je nulový podprostor O . Tedy $V = V \oplus O$. Výše uvedenou bázi M můžeme rozdělit na M a prázdnou množinu – odpovídá direktnímu součtu podprostorů V a O , tj. $V = V \oplus O$.]

Je důležité si uvědomit, že bázi podprostoru V_1 lze rozšířit na bázi prostoru V obecně více způsoby (je-li těleso T , nad kterým se to děje, nekonečné, a podprostor V_1 nenulový a vlastní, pak nekonečně mnoha způsoby). Vezměme např. vektorový prostor V všech vektorů v rovině, které vycházejí z pevně daného bodu (počátek) a podprostor V_1 všech vektorů, které leží na dané přímce p procházející počátkem. Zvolíme-li přímku q , která prochází počátkem a je různá od přímky p , potom vektory ležící na přímce q , tvoří direktní doplněk V_2 podprostoru V_1 . Direktních doplňků podprostoru V_1 v prostoru V existuje tedy nekonečně mnoho. Převědeme-li výše uvedený geometrický příklad do „aritmetické podoby“, pak např. podprostor $V_1 = [(1,0)]$ prostoru R^2 má tyto navzájem různé direktní doplňky: $[(1,1)], [(1,2)], [(1,3)], [(1,4)]$ atd., ale i $[(2,3)], [(2,4)], [(2,5)]$ atd., ale také $[(-1,1)], [(-2,3)], [(-\pi,\pi)]$ atd. atd. Vektor $(1,0)$ reprezentuje výše uvedenou přímku p , vektory $(1,1), (1,2), \dots, (2,3), \dots (-1,1)$ atd. reprezentují přímky q .